



溶鋼中へのH₂吹込みによる各種製鋼反応の可能性

川上 正博*・前田 孝彦*²・竹中 俊英*・横山 誠二*

Possibility of Several Steelmaking Reactions by the Injection of H₂ into Molten Steel

Masahiro KAWAKAMI, Takahiko MAEDA, Toshihide TAKENAKA and Seiji YOKOYAMA

Synopsis : An attempt was made to utilize H₂ for the secondary refining in steelmaking process, because H₂ would react with [O] and [S] without any inclusions and accelerate the nitrogen removal from the molten steel. The 20 kg of plain carbon steel was melted in the induction furnace. The gases of Ar, N₂ and H₂ were injected from the bottom. The temperature was ca. 1880K. The gas flow rate was 2.50 and $3.33 \times 10^{-4} \text{ m}^3/\text{s}$ (stp). The results are summarized as follows.

(1) The rate of nitrogen remove by H₂ injection was 1.5 to 2.6 times larger than by Ar injection. The mechanism was (i) reduction of poisoning effect of [O], (ii) acceleration of mass transfer in the gas phase and (iii) finer bubble dispersion due to Marangoni effect.

(2) The deoxidation proceeded down to 6.0 ppm by H₂ injection. But this result was the sum of deoxidation by [C] and H₂. Taking into account of oxygen penetration from the outside of furnace, deoxidation by H₂ was evaluated. The H₂ bubbles leave the molten steel far from water vapor saturation. One reason is that the deoxidation process should be controlled not only by mass transfer in the molten steel but also that in gas phase. The other reason is the shallow molten steel bath.

(3) Neither desulfurization nor methane formation occurred by H₂ injection.

(4) The [H] content decreased down to less than 1 ppm by Ar injection for 420 s.

Key words: acceleration of nitrogen removal; deoxidation without inclusion; hydrogen gas; molten steel; bottom injection; under atmosphere condition; reaction mechanism.

1. 目的

近年、銅の清浄度向上への要求が高まっている。そのうち、窒素の除去については古くから種々の方法で広く研究がなされてきた¹⁻¹⁸⁾。従来、脱窒速度は表面活性元素の[O], [S]により抑えられることはよく知られている。H₂は表面活性元素と親和性が高い還元ガスであるので、H₂を吹き込めば、それらの元素を溶鋼中から除去し、溶鋼表面での表面活性元素の抑制効果が緩和され、脱窒反応が促進されると考えられる。還元ガスによる脱窒反応の促進効果については2, 3の報告はあるが、まだ、その機構について不明な点が残されている¹⁶⁻¹⁸⁾。

一方、現在製鋼工程の脱酸過程には、主にアルミニウムが用いられているが、脱酸生成物のアルミナが溶鋼中介在物として残留することが指摘されている。H₂を用いて脱酸を行うことができれば、脱酸生成物は水蒸気であり、溶鋼中に介在物を残留するこがないため有効であると考えられる。H₂を用いた製鋼研究としては、上記のほか、RH装置内にH₂を吹込み脱炭反応の促進をねらったもの¹⁹⁻²¹⁾があるくらいで、脱酸に関する研究は非常に少ない²²⁾。

H₂を用いれば、溶鋼中に[H]として溶解するので、最後

には[H]を除去する必要がある。その速度に関してもいくつかの研究報告²³⁻²⁸⁾があるが、まだ不明な点が多い。

そこで本研究では、①H₂吹込みによる脱窒反応の促進機構、②H₂による脱酸挙動、および③吹き込まれた[H]の挙動を明らかにすることを目的とする。

2. ガス吹込み実験

実験には溶解量が30 kgで、周波数3 kHzの小型高周波誘導炉を用いた。実験装置の概要をFig. 1に示す。炉体は、内径150 mm、深さ330 mmのマグネシアスタンプ製である。炉上部は空気の侵入による酸化防止と熱の飛散防止のため高アルミナ煉瓦で蓋をし、炉体上部と煉瓦の隙間をアルミニウムセメントで埋め密閉性を高めた。煉瓦に設けたサンプリングおよび測温・測酸用のための穴も、別の高アルミナ煉瓦で塞いだ。ガス系列はAr, N₂およびH₂から成り、各ガスは水蒸気除去のために過塩素酸マグネシウムのカラムを通した。

底部のノズルが詰まらないようにArを流量 0.3×10^{-4} (Nm³/s)で流しながら、低炭素鋼(S25C)約20 kgを加熱溶解した。高周波出力を手動調整し、試料が溶解し始めたら、

平成15年10月2日受付 平成16年1月31日受理 (Received on Oct. 2, 2003; Accepted on Jan. 31, 2004)

* 豊橋技術科学大学工学部 (Faculty of Engineering, Toyohashi University of Technology, 1-1 Hibarigaoka Tempaku-cho Toyohashi 441-8580)

*2 豊橋技術科学大学大学院生 (現: JFEスチール(株)) (Graduate Student, Toyohashi University of Technology, now JFE Steel Corp.)

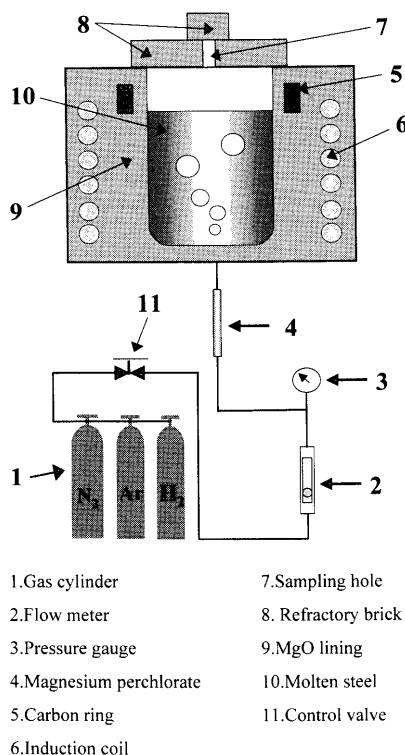
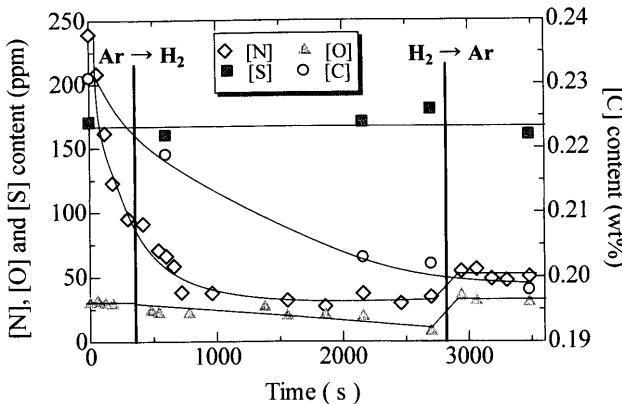


Fig. 1. Schematic diagram of experimental apparatus.

Fig. 2. Change in [N], [O], [S] and [C] contents with time during Ar and H₂ injection.

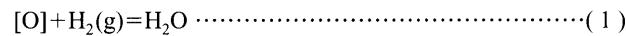
替えると、[N]含有量は約50 ppmまで増加し一定となった。[O]含有量は、初期の30 ppmから、Ar吹込み時には僅かに増加したが、H₂に切り換えた後7.5 ppmまで徐々に減少した。再びArに切り替えると、約30 ppmまで増加した。[C]含有量は初期の0.23 wt%から、最終的には0.20 wt%まで減少した。[S]含有量は170 ppmで終始変化しなかった。図に示した元素以外では、[P]含有量は150 ppmで一定、[Mn]含有量も0.43 wt%で一定であった。[Si]含有量は初期の0.16 wt%から実験終了時の0.22 wt%まで僅かに増加した。他の条件での実験においても、各元素の挙動はほぼ同様であった。吹込みガスをArからH₂に切り替えると急激に温度が低下した。そのため、切り替え直前に高周波出力を高め温度低下を減少させた。

4. 考察

4.1 H₂吹込みによる各反応の平衡論的検討

4.1.1 脱酸の可能性

本実験においてH₂吹込みによって起こると考えられる脱酸反応は、次式により表される。



(1)式の平衡定数Kは製鋼反応の推奨値²⁹⁾より、以下のように与えられる。

$$\log K = \frac{7040}{T} - 3.224 \quad \dots \dots \dots \quad (2)$$

1873Kで平衡が成り立つと仮定する場合、(2)式より平衡定数K=3.425となる。(1)式の平衡定数Kは次式で表すことができる。

$$K = \frac{P_{H_2O}}{P_{H_2} \cdot [\%O]} \quad \dots \dots \dots \quad (3)$$

ここで、吹き込まれたH₂ガスが[O]と反応し、飽和に達す

3. 実験結果

Fig. 2に各元素の経時変化の一例を示す。この実験では、始めにArを吹込み、360s後にH₂に切り換えた後2460s後に、脱水素をねらい、再びArに切り換えた。[N]含有量は250 ppmからAr吹込みで約100 ppmまで減少し、H₂に切り換えた後更に減少し、約30 ppmで安定した。再びArに切り

Table 1. Comparison of volumetric rate constant for nitrogen removal between H₂ and Ar injection.

	Exp. 11 Standard	Exp. 16 Standard	Exp. 18 Standard	Exp. 17 Standard	Exp. 12 Carbon addition I	Exp. 13 Carbon addition II	Exp. 9 Fe ₂ O ₃ - addition	Exp. 20 Al- addition
k_{N-Ar} ($2.5 \times 10^{-4} \text{Nm}^3/\text{s}$)	0.234	0.184	-----	-----	0.299	0.324	0.182	0.255
k_{N-H_2} ($2.5 \times 10^{-4} \text{Nm}^3/\text{s}$)	0.342	0.477	0.272	0.517 ($3.3 \times 10^{-4} \text{Nm}^3/\text{s}$)	0.566	0.665	0.319	0.535
k_{N-H_2}/k_{N-Ar}	1.5	2.6	-----	-----	1.9	2.1	1.8	2.1

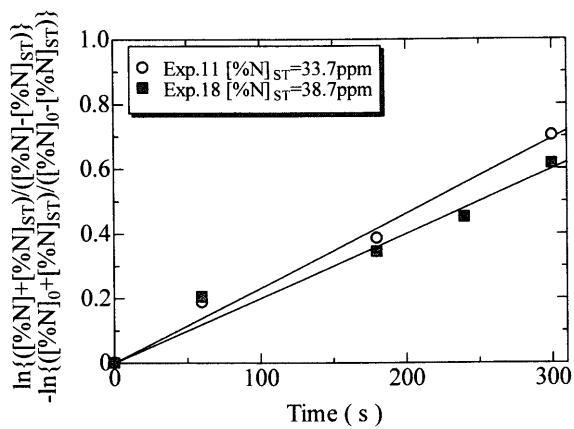


Fig. 3. The second order plot for nitrogen removal, according to Eq. (13).

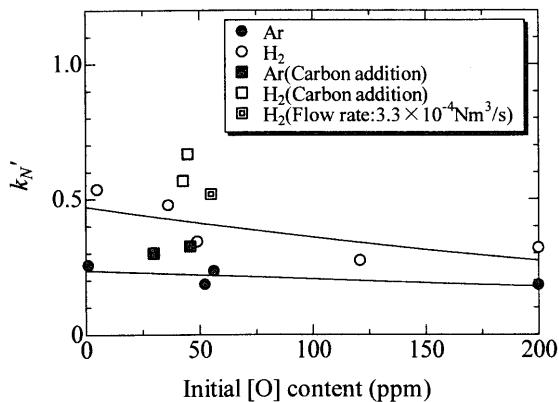


Fig. 4. The volumetric rate constant for nitrogen removal at different initial [O] content.

のExp. 11, 16, 18と比べて、小さな速度定数となっている。一方、アルミを添加して初期[O]含有量を1 ppm以下にしたexp. 20の結果は標準条件に比べ、大きな速度定数となっている。木炭添加により初期[C]含有量を約0.45 wt%まで高めたExp. 12, 13の実験で最大の速度定数が得られた。なお、ガス流量を高めたExp. 17の実験でも大きな速度定数が得られた。

4・2・3 H₂吹込みによる脱窒反応の促進機構

まず、考えられるのは[O]による界面反応の妨害作用の緩和である。いずれの実験でもH₂吹込みの方がAr吹込みと比べて、1.5~2.6倍大きいこと、初期[O]含有量が高いほど容量係数が小さいこと、初期[O]含有量を高めたExp. 19

のH₂吹込みの結果は、標準条件のAr吹込みの結果より大きいこと、等からこの効果は認められる。このことは水上ら¹⁸⁾によっても指摘されている。しかし、アルミを添加して初期[O]含有量を1 ppm以下にしたExp. 20では、[O]の妨害効果はないと考えられるが、やはりH₂吹込みの結果はAr吹込みに比べ、大きな容量係数となっている。著者の一人は以前、Ar吹込みによる溶鉄の脱窒実験を行い、ガス側物質移動律速を仮定した解析を行った¹⁵⁾。その場合も反応速度は2次式で表されるが、速度定数はガス側物質移動係数となる。1873KにおけるAr-N₂およびH₂-N₂の相互拡散係数を教科書の式³⁵⁾を用いて計算すると、それぞれ 3.8×10^{-4} および $14.5 \times 10^{-4} \text{m}^2/\text{s}$ となり、後者の方が3.8倍大きいことがわかった。したがって、気泡内の物質移動は無視できず、律速機構は界面化学反応とガス側物質移動の混合律速であると考えられる。また、水上らはH₂吹込みにより浴内に[O]含有量の勾配が出来、浴内の流動が促進されるというMarangoni効果について言及している。しかし、本研究では、彼らのより浴が大きく、誘導攪拌や吹込みガスによる流動が活発であり、そのような効果は小さいと考えられる。ここでは別の観点からMarangoni効果を検討する。二つの気泡間で局部的に[O]含有量が下がると、表面張力が大きくなり、気泡間に溶鋼を引き込むために気泡が合体しにくくなり³⁶⁾、平均気泡径が小さくなることが考えられる。実験中、Ar吹込みからH₂吹込みに切り替えると、炉体の揺動が収まった。このように、H₂吹込みでは、Arと比べ小さな気泡がゆっくり上昇するために総反応界面積が大きいと考えられる。

なお、初期[C]含有量を高めた実験で最大の速度定数が得られたことは、初期[O]含有量が120 sで18 ppmまで低下したことと、[N]の活性に及ぼす[C]の影響が大きい³⁴⁾ことにもよると考えられる。

4・3 脱酸反応解析

4・3・1 [O]含有量の推移

H₂吹込みおよびAr吹込みにおける[O]含有量の推移をFig. 5に示す。H₂吹込みの場合にはいずれの実験でも、[O]含有量は減少した。Fe₂O₃添加により初期[O]含有量を高めたExp. 19の実験では、H₂吹込み180 sの177 ppmから最終的には22 ppmまで下がった。木炭添加を行ったExp. 12の実験では、初期[O]含有量は42 ppmであったが、120 sで

18 ppmまで低下し、2340 sには5 ppmまで低下した。Ar吹込みでは[O]含有量はむしろ増加した。

4・3・2 脱酸反応機構

すでに記したように、 H_2 吹込みにおいて、気泡が H_2O で飽和して溶鋼を離れるとき仮定すると、脱酸速度は9.2 ppm/sとなる。Fig. 5の結果はいずれもより小さな脱酸速度を示している。また、同時に[C]の減少も見られる。さらに、Ar吹込み時には[O]の増加が見られる。これらを総合してみると、炉外から進入した酸素による脱炭と[C]による脱酸が H_2 による脱酸と平行して起こっていると考えられる。実験中の[C]含有量と[O]含有量の関係の一例をFig. 6に示す。この図より、初期のAr吹込み時には、反応は右下方向に進み、 H_2 吹込み時には左下方向に、更にAr吹込みに戻すと再び右下に、 $P_{CO}=0.1\text{ atm}$ の平行線に沿って進行した。これは、Ar吹込み時には外部から進入

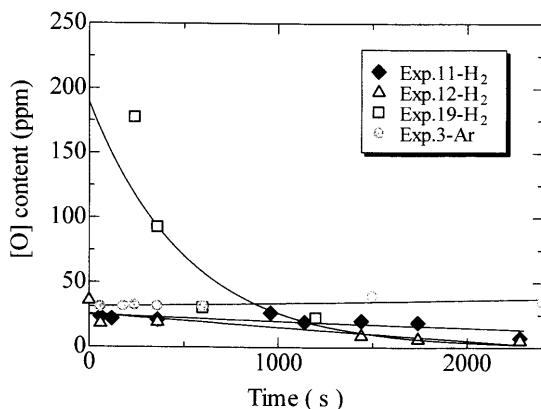


Fig. 5. Change in [O] content with time during H_2 and Ar injection.

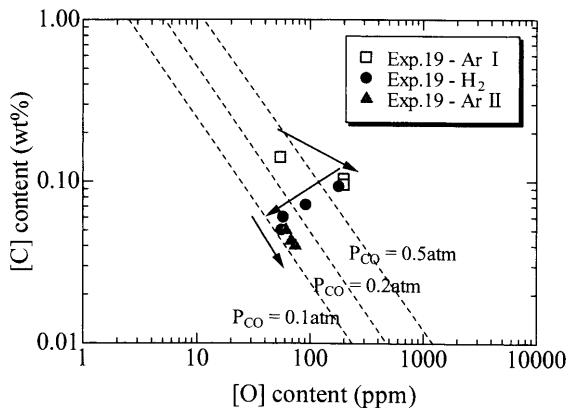


Fig. 6. Change in [C]-[O] relation during H_2 and Ar injection.

した酸素によって脱炭が進行し、 H_2 吹込み時には[C]と H_2 が共同して脱酸を行っていると考えられる。

4・3・3 外部酸素の進入量と H_2 による脱酸量の推定

両ガス吹込み中の[C]および[O]含有量の変化をより詳細に検討した結果をFig. 7に示す。ただし、 H_2 吹込みの結果を基準に2度目のAr吹込みの結果は平行移動してある。図中の破線は[C]と[O]が当モルで反応した場合の仮想線である。[C]が0.202 wt%まで減少すると[O]は約-165 ppmまで減少するはずである。ところが、Ar吹込みによって[O]は63 ppmまで上昇している。この差228 ppmが外部より进入した酸素量と考えられる。一方、 H_2 吹込みでは[O]は約30 ppmまで減少しているので、 H_2 による脱酸量は33 ppmとなる。この脱酸量を吹込み時間で割ると H_2 による平均の脱酸速度が得られる。それを気泡が H_2O で飽和して溶鋼を離脱したと仮定した場合の脱酸速度と比較して、Table 2に示した。表より、気泡は十分未飽和な状態で溶鋼を離脱していることがわかる。伊藤、佐野は300 gの鉄を高周波溶解し、 H_2 を溶鋼表面に吹付ける実験結果を解析し、メタル側とガス側に境膜抵抗があるとしている。すなわち、本実験においても、脱窒同様、ガス側の物質移動も反応抵抗となっていると考えられる。この場合、気泡を細かくすることにより反応速度を増加することが出来ると考えられる。また、溶鋼深さが約15 cmと浅かったことも一つの理由であり、実機のような溶鋼深さが大きな条件下には、更なる脱酸効果が期待できると考えられる。

4・4 進入酸素量と进入窒素量の比較

前節で、外部からの酸素の进入量が求まったが、それを時間で割って酸素の进入速度 j_0 を求め、Table 3に示した。

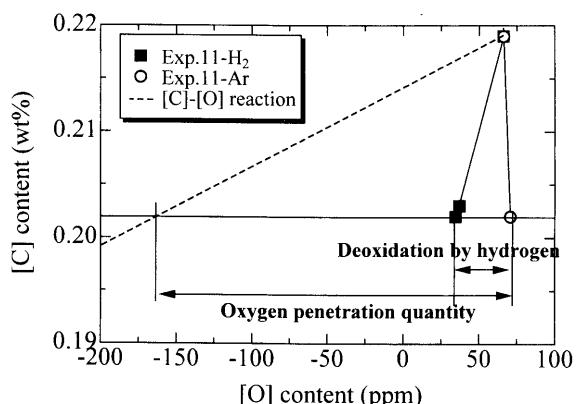


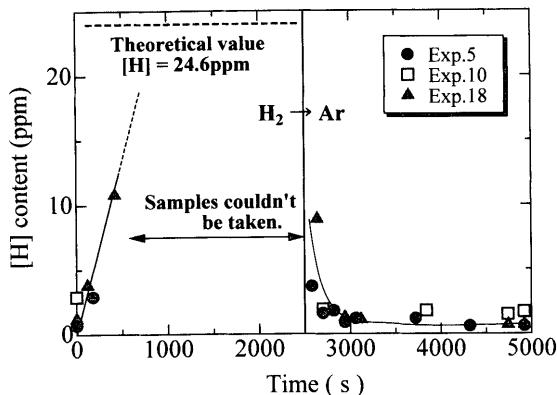
Fig. 7. Schematic illustration to evaluate the amount of oxygen removal by H_2 injection.

Table 2. Comparison of deoxidation flux by H_2 injection with that assuming the saturation of water vapor in H_2 bubbles.

	Exp.11 ($2.5 \times 10^{-4} \text{ Nm}^3/\text{s}$)	Exp.18 ($2.5 \times 10^{-4} \text{ Nm}^3/\text{s}$)	Exp.17 ($3.3 \times 10^{-4} \text{ Nm}^3/\text{s}$)	Exp.12 (C addition)	Exp.19 (Fe_3O_4 addition)
j_{H_2O} (%s)	2.0×10^{-6}	4.6×10^{-6}	3.0×10^{-6}	2.5×10^{-6}	14.0×10^{-6}
$j_{\text{Sat.}}$ (%s)	1.8×10^{-3}	3.3×10^{-3}	3.4×10^{-3}	1.5×10^{-3}	5.5×10^{-3}

Table 3. Comparison of oxygen flux with nitrogen flux from outside of the furnace.

	Exp.11 (2.5×10^{-4} Nm ³ /s)	Exp.18 (2.5×10^{-4} Nm ³ /s)	Exp.17 (3.3×10^{-4} Nm ³ /s)	Exp.12 (C addition)	Exp.19 (Fe ₂ O ₃ addition)
j _O (%s)	1.2×10^{-5}	2.4×10^{-5}	3.4×10^{-5}	2.1×10^{-5}	3.7×10^{-5}
j _N (%s)	3.9×10^{-6}	4.1×10^{-6}	7.9×10^{-6}	5.4×10^{-6}	5.7×10^{-6}

Fig. 8. Change in [H] content with time during H₂ and Ar injection.

一方、脱窒容量係数を求める際の[%N]_{ST}を用い、(11)式より窒素の進入速度j_Nを求め、同表に示した。両者を比較するとj_Oの方がj_Nより3~6倍大きかった。単純に空気の巻き込みだけを考えると、この比は逆転するはずである。したがって、進入酸素源は、空気の巻き込みより、炉壁に付着した酸化鉄や築炉の際のバインダーの水ガラスの方が主であると考えられる。

4・5 水素の挙動

水素はサンプリングが難しく、ヘラウス社のESKサンプラー（二重管方式）、真空石英サンプラー、特殊石英サンプラー（東海テクノリサーチと検討）などのサンプラーを試したが、高濃度側では分析値が得られなかった。これは、サンプルが泡だらけであったことからもわかるように、凝固時に水素が飛散してしまうためと考えられる。サンプラーの中に水素との親和力が高いと考えられるTiチップを入れて固定と試みたが、多少の改善は見られたが、成功しなかった。得られた結果をFig. 8に示す。図中、Exp. 18の実験では、Tiチップを用いた。他の実験に比べ、大きな含有量まで分析値が求まっている。

吸収過程については、420 sで10.8 ppmまで[H]は直線的に増加しており、1000 s後には次式³⁷⁾で計算される1873 Kの飽和溶解量24.6 ppmに達していると考えられる。

$$\log K = -1.905/T - 1.591 \quad \dots \dots \dots \quad (14)$$

一方、脱離過程では、Arに切り換えた後420 s後に、1 ppm程度まで減少している。水素の脱離過程も非常に早いことがわかる。脱水素反応はメタル側物質移動律速の取り扱いが多い²³⁻²⁶⁾。この場合、速度は次のような1次の速度式で

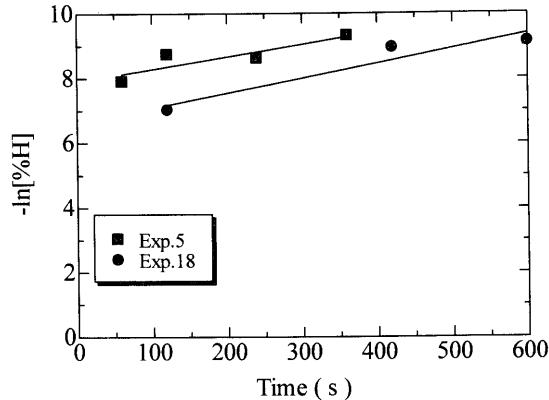


Fig. 9. The first order plot for hydrogen removal.

Table 4. First order rate constant for hydrogen removal.

	Exp. 5	Exp. 18	Duan et al. ²⁷⁾ (Blasting)	Nishiwaki et al. ²⁸⁾ (VSD Method)
Ar flow rate (Nm ³ /s)	2.5×10^{-4}	2.5×10^{-4}	0.16×10^{-4}	0.16×10^{-4}
Ak _H /V (s ⁻¹)	0.0038	0.0046	0.0062	0.0097

表される。

$$\ln \frac{[\%H]_0}{[\%H]} = k'_H t \quad \dots \dots \dots \quad (15)$$

ここに、[%H]₀は初期の[H]含有量、k'_Hはk_H(A/V)なる容量係数である。[%H]₀は不明なので、ln[%H]と時間tをFig. 9に示す。両者には良い直線関係が得られ、その傾きから脱水素反応の容量係数を求めた。なお、(15)式からはt=0の切片は初期[%H]₀を示すと考えられる。たとえば、Exp. 18では[%H]₀は約10 ppmであり、平衡値よりはかなり小さな値である。これは、やはり、サンプルからの放散が無視できず、分析値が小さめであったためと考えられる。しかし、各サンプルからの放散量が含有量に比例すると考えれば、(15)式のプロットの傾きは放散量の影響を受けないと考えられる。

得られた容量係数をまとめてTable 4に示す。最近のデータを参考のために示す。Duanら²⁷⁾は高周波炉にて450 gの鉄を溶かし、表面にArガスを吹付けている。西脇ら²⁸⁾の実験は同じ規模の実験で、多孔質管を浸漬し、多孔質管内を減圧にするというVSD法によるものである。これらの研究では複合的な反応機構の基に詳細な解析を行っているが、ここでは彼らのデータを上式により処理して求

めた容量係数を示した。本実験結果は彼らの結果より小さな値となっているが、それは溶鋼量の違いによると考えられる。本実験のように直径150 mmの鋼浴にガスを吹き込んだ場合、気泡分散層は浴全体には広がらない³⁸⁾が、ここに求められた容量係数は気泡の到達しない領域をも含めた平均値となっているためと考えられる。なお、Duanら²⁷⁾は、反応機構として、ガス側物質移動過程も無視できないとしている。本実験のようにガスを吹き込む場合も、上記のようにガス側物質移動抵抗は無視できないと考えられる。したがって、反応速度を上げるにはAr気泡の微細化と浴深さの増大が必要である。

5. 結言

(1) 溶鋼中にH₂を吹き込むことにより、Ar吹込みと比べ1.5~2.6倍の高い脱窒効果があった。

(2) H₂吹込みにより、[O]を6.0 ppmまで下げる事が出来た。ただし、これは、[C]との共同脱酸である。外部進入酸素量を見積もり、H₂による効果が確認出来た。水素気泡は水蒸気未飽和で溶鋼を離れている。反応機構ではガス側の物質移動が無視できず、H₂による反応効率を上げるには気泡の微細化と浴深さの増大が必要である。

(3) H₂吹込みによる脱硫反応およびメタン生成反応は起こらない。

(4) [H]はAr吹込み420 sで1 ppm以下になった。反応速度を上げるにはAr気泡の微細化と浴深さの増大が必要である。

以上の結果により、製鋼過程にH₂を用いることで、脱窒、脱酸を促進させ、吹き込んだ水素も容易に除去できるため、製鋼過程にH₂を用いることは有効である。

文 献

- 1) T.Choh and M.Inouye: *Tetsu-to-Hagané*, **54** (1968), 19.
- 2) K.Suzuki, K.Mori and Y.Ito: *Tetsu-to-Hagané*, **55** (1969), 13.
- 3) S.Anezaki, K.Simizu and T.Mori: *Tetsu-to-Hagané*, **57** (1971), 1109.
- 4) K.Narita, S.Koyama, T.Makino and M.Okamura: *Tetsu-to-Hagané*, **57** (1971), 2207.
- 5) S.Banya, T.Sinohara, H.Tozaki and T.Huwa: *Tetsu-to-Hagané*, **60** (1974), 21.
- 6) T.Kadoguchi, M.Sano and K.Mori: *Tetsu-to-Hagané*, **71** (1985), 70.
- 7) K.Harashima, S.Mizoguchi, H.Kajioka and K.Itakura: *Tetsu-to-Hagané*, **73** (1978), 1559.
- 8) M.Takahashi, H.Matsuda, M.Sano and K.Mori: *Tetsu-to-Hagané*, **72** (1986), 419.
- 9) M.Takahashi, M.Sano, K.Mori and M.Hirasawa: *Tetsu-to-Hagané*, **74** (1988), 69.
- 10) Y.Mizukami, S.Mukawa and H.Shima: *Tetsu-to-Hagané*, **74** (1988), 88.
- 11) M.Hirasawa and M.Sano: *Met. Technol. Special issue*, **8** (1996), 67.
- 12) K.Shinme and T.Matsu: *Tetsu-to-Hagané*, **73** (1988), 313.
- 13) K.Harashima, S.Mizoguchi and H.Kajioka: *Tetsu-to-Hagané*, **74** (1988), 441.
- 14) K.Amano, K.Ito and H.Sakao: *Tetsu-to-Hagané*, **62** (1976), 1179.
- 15) M.Kawakami, K.Ito, M.Okuyama, T.Kikuchi and S.Sakase: *Tetsu-to-Hagané*, **73** (1987), 77.
- 16) V.I.Yavoisky, B.V.Linchevsky and V.A.Grigorian: *Proc. 4th ICVM*, **47** (1974), S255.
- 17) K.Kaneko, N.Sano and K.Matsushita: *Tetsu-to-Hagané*, **62** (1976), 43.
- 18) Y.Mizukami, S.Mukawa, T.Saeki, H.Shima, S.Onoyama, T.Komai and S.Takaishi: *Tetsu-to-Hagané*, **74** (1988), 294.
- 19) K.Yamaguchi, S.Takeuchi, Y.Kitano and T.Sakuraya: *CAMP-ISIJ*, **6** (1993), 177.
- 20) K.Yamaguchi, T.Sakuraya and K.Hamagami: *Kawasaki Steel Gihō*, **15** (1993), 283.
- 21) H.Matsuno and Y.Kikuchi: *CAMP-ISIJ*, **7** (1994), 215.
- 22) K.Ito and K.Sano: *J. Jpn. Inst. Met.*, **29** (1965), 626.
- 23) H.Knuppel and F.Oeters: *Arch. Eisenhüttenwes.*, **33** (1962), 729.
- 24) W.M.Boorstein and R.D.Pehlke: *Trans. Met. Soc. AIME*, **245** (1969), 1843.
- 25) S.Banya, K.Mori and S.Tanabe: *Tetsu-to-Hagané*, **66** (1980), 1494.
- 26) K.Suzuki and T.Taniguchi: *Tetsu-to-Hagané*, **62** (1976), 605.
- 27) W.Duan, H.Hukatsu, T.Nakatsukasa, M.Hirasawa and M.Sano: *Tetsu-to-Hagané*, **82** (1996), 905.
- 28) M.Nishiwaki, T.Nakatsukasa, M.Sano and M.Hirasawa: *CAMP-ISIJ*, **11** (1998), 170.
- 29) 製鋼反応の推奨値(改訂増補), 日本学術振興会製鋼第19委員会, 東京, (1984), 106.
- 30) 製鋼反応の推奨値(改訂増補), 日本学術振興会製鋼第19委員会, 東京, (1984), 33.
- 31) 金属物理化学, 金属化学入門シリーズ, 日本金属学会, 仙台, (1996), 207.
- 32) D.R.Lide and H.V.Kehian: *CRC Handbook of Thermophysical and Thermochemical Data*, CRC Press, Boca Raton, (1994), 175.
- 33) 鉄鋼製錬 講座現代の金属学製錬編, 日本金属学会, 仙台, (1979), 15.
- 34) 製鋼反応の推奨値(改訂増補), 日本学術振興会製鋼第19委員会, 東京, (1984), 258.
- 35) R.B.Bird, W.E.Stewart and E.N.Lightfoot: *Transport Phenomena*, John Wiley & Sons, Toppan Co. Ltd., Tokyo, (1960), 511.
- 36) K.Mukai: private communication (2001).
- 37) 製鋼反応の推奨値(改訂増補), 日本学術振興会製鋼第19委員会, 東京, (1984), 3.
- 38) M.Kawakami, S.Hosono, K.Takahashi and K.Ito: *Tetsu-to-Hagané*, **78** (1992), 215.