

Fe_xO-(CaO+MgO)-(SiO₂+P₂O₅) 系りん 酸塩スラグと溶鉄間の酸素分配平衡

© 1988 ISIJ

論文

長林 烈*・日野 光元*2・萬谷 志郎*2

Distribution of Oxygen between Liquid Iron and Fe_xO-(CaO+MgO)-(SiO₂+P₂O₅) Phosphate Slags

Retsu NAGABAYASHI, Mitsutaka HINO and Shiro BAN-YA

Synopsis :

Equilibrium phosphorus distribution between slags and liquid iron has been studied at the temperature range from 1 300 to 1 680°C in order to examine the approximate validity of the regular solution model for phosphate slags. The slag systems studied were of Fe_xO-P₂O₅-M_xO_y (M_xO_y = CaO, MgO, SiO₂) ternary and of Fe_xO-P₂O₅-CaO-M_xO_y (M_xO_y = MgO, SiO₂) quaternary.

In continuation of our previous paper concerning the solubility of the crucible materials and ferric-ferrous equilibrium, the present paper shows the results of oxygen distribution between slags and metal. As the results, it was confirmed that the regular solution model was satisfied for all the experimental results, and the interaction energies concerning phosphate ion, $\alpha_{\text{Ca}^{2+}-\text{P}^{5+}}$, $\alpha_{\text{Mg}^{2+}-\text{P}^{5+}}$ and $\alpha_{\text{Si}^{4+}-\text{P}^{5+}}$ were determined. The iron oxide activity and oxygen content in metal could be estimated within the accuracy of $\pm 10\%$ by the model.

Key words : steelmaking ; slag ; physical chemistry ; oxygen distribution ; phosphate slag ; iron oxide activity ; modelling ; regular solution model ; quadratic formalism.

1. 緒 言

塩基性製鋼法における溶鋼の脱りん平衡を、スラグの正則溶液モデルにより、温度及びスラグ組成の関数として定量的に表示することを目標に、Fe_xO-P₂O₅-M_xO_y (M_xO_y = CaO, MgO, SiO₂) 3 元系及び Fe_xO-P₂O₅-CaO-M_xO_y (M_xO_y = MgO, SiO₂) 4 元系スラグと溶鉄間のりんと酸素の分配平衡を 1 300~1 680°C の温度範囲で測定した。これらの結果のうち使用耐火材料のスラグへの溶解度と Fe³⁺/Fe²⁺ 平衡については既に前報¹⁾に示したので、本報では酸素の分配平衡を中心に述べる。

製鋼過程における脱りん反応は酸化反応であるから、脱りん反応を論ずるには、りん酸塩スラグの酸化力、すなわちスラグ-メタル間の酸素分配平衡について十分な理解が必要である。また製鋼スラグの各成分の活量算出に関する著者らの前報²⁾にも見られるように、正則溶液モデルの整合性を検討するには、酸素の分配平衡に関する資料が最も完備している。従つて本報告では酸素の分配平衡を中心なりん酸塩スラグへのモデルの整合性を明らかにすると同時に、脱りん反応に關係する陽イオン間相互作用エネルギー値 $\alpha_{\text{Ca}^{2+}-\text{P}^{5+}}$, $\alpha_{\text{Mg}^{2+}-\text{P}^{5+}}$ 及び

$\alpha_{\text{Si}^{4+}-\text{P}^{5+}}$ を決定した。

これらの結果を基にして、これまで報告してきた他の報告との整合性も検討した。従来の報告値として利用した、りん酸塩スラグと溶鉄間の酸素分配に関する研究は、Fe_xO-CaO_{sat}-P₂O₅ 系スラグについての FISCHER ら³⁾, TRÖMEL ら^{4,5)}, PETER ら⁶⁾, KNÜPPEL ら^{7,8)}の研究、Fe_xO-MgO_{sat}-P₂O₅ 系についての TRÖMEL らの研究⁹⁾及び Fe_xO-SiO₂_{sat}-P₂O₅ 系についての TRÖMEL らの研究⁹⁾である。

2. 実験方法

本報告は前報¹⁾で報告した鉄りん酸塩系スラグへのるっぽ成分の溶解度とスラグ中の Fe³⁺/Fe²⁺ 平衡実験で、同時に測定した酸素、りん並びに硫黄の分配平衡の結果の中の酸素の分配について検討したもので、実験方法は前報で詳述したので、本報告ではその要点のみを記述する。

すなわち本実験では、CaO, MgO または SiO₂ るっぽ中に所定組成の合成スラグとりんを含有する鉄試料を装入し、Ar 雰囲気下、電気抵抗炉で一定温度に加熱溶解した。平衡到達後、試料を急冷し、スラグ相の各成分と

昭和 60 年 4 月・10 月本会講演大会にて発表 昭和 62 年 7 月 22 日受付 (Received July 22, 1987)

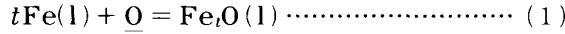
* 東北大学工学部(現: 日新製鋼(株)) 工博 (Faculty of Engineering, Tohoku University, Now Nissin Steel Co., Ltd.)

*2 東北大学工学部 工博 (Faculty of Engineering, Tohoku University, Aza-Aoba Aramaki Sendai 980)

鉄相中の溶解成分を化学分析した。なお実験温度は1300~1680°Cである。

3. 本系の平衡関係

酸化鉄を含むスラグ-溶鉄間の酸素分配平衡は学振の推奨値として(1)~(3)式で示されている。



$$K_1 = a_{\text{Fe}_t\text{O}} / (a_{\text{Fe}} \cdot a_{\text{O}}) \quad (2)$$

$$\Delta G_1^\circ = -RT \ln K_1 = -28130 + 11.91T \text{ cal}^{10} \quad (3)$$

ここで酸化鉄の活量基準状態は溶鉄と平衡する純溶融酸化鉄であり、その濃度単位はモル分率で、本論文では $N_{\text{Fe}_t\text{O}} = N_{\text{Fe}_t\text{O}} + N_{\text{Fe}_2\text{O}_3}$ として計算している。また鉄の活量基準は純溶鉄で、濃度単位はモル分率である。酸素の活量だけは無限希薄溶液を標準状態とするHenry基準の活量で、濃度単位はwt%である。

本論文では実用上の観点から、活量の代わりに濃度を採用し、(4)式で酸素分配比を定義し結果を整理した。

$$L_O \equiv N_{\text{Fe}_t\text{O}} / [\text{wt}\% \text{O}] = K_1 \cdot a_{\text{Fe}} \cdot f_0 / \gamma_{\text{Fe}_t\text{O}} \quad (4)$$

(4)式から本研究で取り扱ったスラグ-溶鉄系では $a_{\text{Fe}}^t \approx 1$, $f_0 \approx 1$ とみなせるので、温度一定の時、 L_O は $\gamma_{\text{Fe}_t\text{O}}$ に反比例する。本論文では $\gamma_{\text{Fe}_t\text{O}}$ のスラグ組成と温度への依存性を整理して示した。

$\gamma_{\text{Fe}_t\text{O}}$ を求めるには正確に $a_{\text{Fe}_t\text{O}}$ を実測する必要がある。そこで本論文では、(1)~(3)式を用いずに、これらを導出する基礎となつたTAYLORらによる溶鉄中の飽和酸素濃度の実測値¹⁰⁾を用いて、溶鉄中のP濃度が1wt%以下の場合、 $a_{\text{Fe}} \approx 1$ とみなせるので、(5)式により $a_{\text{Fe}_t\text{O}}$ を算出した。

$$a_{\text{Fe}_t\text{O}} = a_{\text{O}} / a_{\text{O},\text{sat}} \quad (5)$$

ここで a_{O} は次式を用いて算出した。

$$\log f_0 = (-1750 / T + 0.76)[\text{wt}\% \text{O}]^{10} + 0.006[\text{wt}\% \text{P}]^{11} \quad (6)$$

また $a_{\text{O},\text{sat}}$ は純溶融酸化鉄と平衡する溶鉄中の酸素活量で(7), (8)式で計算できる。

$$\log f_{\text{O},\text{sat}} = (-1750 / T + 0.76)[\text{wt}\% \text{O}]_{\text{sat}}^{10} \quad (7)$$

$$\log [\text{wt}\% \text{O}]_{\text{sat}} = -6320 / T + 2.734^{10} \quad (8)$$

一方、溶鉄中のりん濃度が1wt%以上の時は $a_{\text{Fe}} \neq 1$ なので、CHIPMANが提案した侵入型モデル¹²⁾¹³⁾を用いて a_{Fe} を算出し、 $a_{\text{Fe}_t\text{O}}$ を求めた。すなわち侵入型モデルでは a_{Fe} は次式で示される。

$$RT \ln a_{\text{Fe}} = RT \left\{ -\frac{1}{2} \theta_P^P Y_P^P - \frac{1}{2} \theta_O^O Y_O^O - \theta_P^O Y_P Y_O + \ln(1 - Y_P - Y_O) \right\} \quad (9)$$

ここでYはモル比を表し次式で表される。

$$Y_P = X_P / (1 - X_P - X_O) \quad (10)$$

$$Y_O = X_O / (1 - X_P - X_O) \quad (11)$$

Xは溶質の原子分率である。また θ は侵入型モデルで

の相互作用係数で、本系に関連する値は萬谷ら¹⁴⁾により次のように与えられている。

$$\theta_P^P = 2.26 (0 < Y_P < 0.33) \quad (12)$$

$$\theta_P^P = 18.3 (0.33 < Y_P < 0.5) \quad (13)$$

$$\theta_O^O = -115300 / T + 48.79 \quad (14)$$

$$\theta_P^O = 2.01 \quad (15)$$

従つて高りん溶鉄の場合、(9)式で a_{Fe} を算出し、(1)~(3)式から次の(16)式で $a_{\text{Fe}_t\text{O}}$ を算出した。

$$a_{\text{Fe}_t\text{O}} = a_{\text{O}} \cdot a_{\text{Fe}} / a_{\text{O},\text{sat}} \quad (16)$$

本研究では(Mg, Fe)O飽和 $\text{Fe}_t\text{O}-\text{MgO}-\text{P}_2\text{O}_5$ 系及び SiO_2 飽和 $\text{Fe}_t\text{O}-\text{SiO}_2-\text{P}_2\text{O}_5$ 系スラグ-溶鉄間の分配実験の場合、溶鉄中のりん濃度が1wt%以上となつたので、 $a_{\text{Fe}_t\text{O}}$ は(16)式を用いて算出した。ただし(16)式中のtについては、前報¹⁾に示したように両系スラグの場合とも $N_{\text{Fe}_2\text{O}_3}$ は低く、tは最小でも0.96程度であつたので、t=1として計算した。

4. 実験結果

本研究ではるつば成分で飽和した鉄りん酸塩系スラグを測定対象としており、各スラグ系-溶鉄間の酸素分配平衡に関する測定結果も前報のTables中に詳細に記述している。従つて以下には、測定した各スラグ系について酸素の分配比 L_O と $\gamma_{\text{Fe}_t\text{O}}$ のスラグ組成依存性について示す。

4.1 各種鉄りん酸塩系スラグ-溶鉄間の酸素分配比

4.1.1 CaO飽和 $\text{Fe}_t\text{O}-\text{CaO}-\text{P}_2\text{O}_5$ 系スラグと溶鉄間の酸素分配比

1600°CでのCaO飽和 $\text{Fe}_t\text{O}-\text{CaO}-\text{P}_2\text{O}_5$ 系スラグ-溶鉄間の酸素分配比 L_O と $N_{\text{Fe}_t\text{O}}$ の関係について本研究と諸家の結果をまとめてFig.1に示す。CaO飽和線上での L_O は $N_{\text{Fe}_t\text{O}}$ 増加に伴いほぼ直線的に増加している。 $N_{\text{Fe}_t\text{O}} \leq 0.4$ では本研究結果はFISCHERら³⁾, TRÖMELら⁴⁾⁵⁾, PETERら⁶⁾, KNÜPPELら⁷⁾⁸⁾の結果と良く一致している。 $N_{\text{Fe}_t\text{O}} > 0.4$ では諸家の測定値間にばらつきがあるがFISCHERら³⁾による L_O は他者の結果に比べやや低値を示している。

FISCHERら¹⁵⁾は $\text{Fe}_t\text{O}-\text{CaO}_{\text{sat}}$ 2元系における L_O の温度依存性を測定し次式にまとめた。

$$\log L_O = 5014 / T - 1.930 \quad (17)$$

上式で1600°Cでの L_O を算出すると5.6となり、本研究結果を2元系に外挿した $L_O \approx 8$ に比べやや低値である。これは彼らのスラグ分析値の総和が約95wt%であること、 SiO_2 が約3wt%含まれていることに起因していると考えられる。

なお、本研究では1550, 1650°Cでの測定も行つたが、両温度での結果は1600°Cでの結果とほぼ等しく、酸素分配比への温度の影響は小さい。

4.1.2 (Mg, Fe)O飽和 $\text{Fe}_t\text{O}-\text{MgO}-\text{P}_2\text{O}_5$ 系スラグ-溶鉄間の酸素分配比

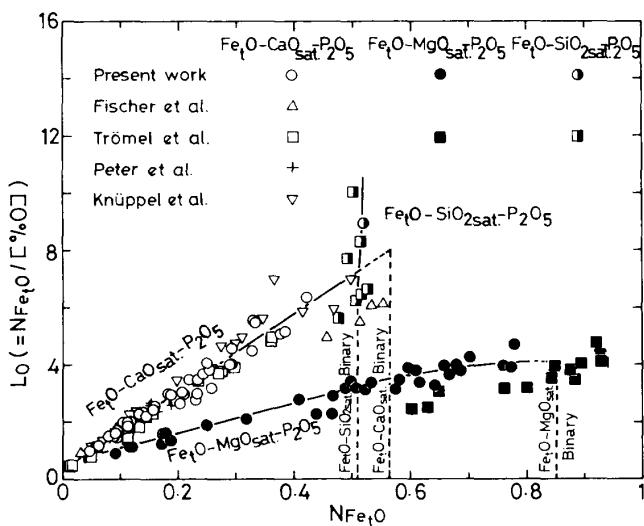


Fig. 1. Relation between oxygen distribution ratio and N_{Fe_3O} in CaO-saturated Fe_3O -CaO-P₂O₅, (Mg,Fe)-saturated Fe_3O -MgO-P₂O₅ and SiO₂-saturated Fe_3O -(SiO₂ + P₂O₅) slags equilibrated with liquid iron at 1600°C.

本研究での1600°Cにおける(Mg, Fe)O飽和 Fe_3O -MgO-P₂O₅系スラグ-溶鉄間の酸素分配比 L_O の測定値と N_{Fe_3O} の関係を、 Fe_3O -CaO_{sat.}-P₂O₅系スラグの場合と比較して、Fig. 1に同時に示す。Fig. 1より本系での L_O も N_{Fe_3O} の増加に伴いほぼ直線的に増加するが、 Fe_3O -CaO_{sat.}-P₂O₅系スラグの場合に比べ同一 N_{Fe_3O} では約1/2の L_O 値を示している。Fig. 1中には本系に関するTrömelら⁹⁾の結果も示したが、彼らの結果は、高 Fe_3O 濃度域でのみ実測されているが、本研究結果に比べて L_O は同一 N_{Fe_3O} に対し若干低値を示している。

沈ら¹⁶⁾は Fe_3O -MgO_{sat.}2元系での L_O を測定して次式を得た。

$$\log L_O = 6680 / T - 2.985 \dots \quad (18)$$

(18)式から1600°Cで L_O は3.8となる。本研究結果を2元系に外挿すると $L_O \approx 4.1$ となり沈らの結果と実験誤差範囲内で一致する。

本3元系についても1550, 1650°Cでも測定を行つたが温度の影響は極めて少なかつた。

4・1・3 SiO₂飽和 Fe_3O -(SiO₂+P₂O₅)系スラグと溶鉄間の酸素分配比

本研究で得た1600°CにおけるSiO₂飽和 Fe_3O -SiO₂-P₂O₅系スラグに関する L_O の測定値と N_{Fe_3O} の関係を、CaO飽和系と(Mg, Fe)O飽和系での L_O と比較して、Fig. 1中に示した。鉄中のりんが高濃度になると、急冷時におけるき裂の発生などにより、健全な酸素分析試料を採取することが困難であつた。従つて本系では1600°Cの場合1点しか測定結果が得られなかつた。比較のために同温度で本系について、低P₂O₅濃度

域で酸素分配を実測したTrömelら⁹⁾の結果もFig. 1中に示したが、彼らの結果は本研究結果の周囲に大きくばらついている。

FISCHERら¹⁵⁾は Fe_3O -SiO₂_{sat.}2元系について L_O を測定し次式を得た。

$$\log L_O = 4906 / T - 1.877 \dots \quad (19)$$

(19)式で1400, 1500, 1600°Cでの各 L_O を算出するとそれぞれ11.4, 7.8, 5.5となり、図示はしていないが、本研究結果を Fe_3O -SiO₂_{sat.}2元系へ外挿して得る $L_O \approx 14, 10, 7$ と実験誤差範囲内で大略一致している。

4・1・4 2CaO·SiO₂飽和 Fe_3O -CaO-(SiO₂+P₂O₅)系スラグと溶鉄間の酸素分配比

1600°Cで得た2CaO·SiO₂飽和 Fe_3O -CaO-(SiO₂+P₂O₅)系スラグと溶鉄間の酸素分配比 L_O と N_{Fe_3O} の関係を、 $N_{CaO}/(N_{SiO_2}+N_{P_2O_5})$ 比をパラメーターとして、Fig. 2に示す。 L_O は $N_{CaO}/(N_{SiO_2}+N_{P_2O_5})$ 比一定では N_{Fe_3O} の増加に伴い増加し、 N_{Fe_3O} 一定では $N_{CaO}/(N_{SiO_2}+N_{P_2O_5})$ 比が増加すると増加している。本系についてはSCHÜRMANNらの報告¹⁷⁾があるが、測定結果のデータが示されていないため本研究結果と比較できなかつた。

4・1・5 (Mg, Fe)O飽和 Fe_3O -(CaO+MgO)-P₂O₅系スラグと溶鉄間の酸素分配比

本研究では、(Mg, Fe)O飽和面上の内CaO濃度24~55wt%, MgO濃度2~15wt%, Fe_3O 濃度1~33wt%, P₂O₅濃度25~49wt%の範囲について、1600°Cで実験を行つた。本系の(Mg, Fe)O飽和 Fe_3O -(CaO+MgO)-P₂O₅系スラグと溶鉄間の酸素分配比 L_O と N_{Fe_3O} の関係を、 $(N_{CaO}+N_{MgO})/N_{P_2O_5}$ 比をパラメーターとして、Fig. 3に示す。Fig. 3中には上述したCaO飽和 Fe_3O -CaO-P₂O₅系と(Mg, Fe)O飽和 Fe_3O -MgO-P₂O₅系スラグと溶鉄間の酸素分配比の結果も同時に示した。Fig. 3から、 L_O は $(N_{CaO}+N_{MgO})/N_{P_2O_5}$ 比一定では N_{Fe_3O} の増加に伴いほぼ直線的に増加していることがわかる。一方、一定 N_{Fe_3O} で比較すると、(Mg, Fe)O飽和 Fe_3O -MgO-P₂O₅系にCaOを添加し、 $(N_{CaO}+N_{MgO})/N_{P_2O_5}$ 比が3まで増加すると L_O は減少するが、更にCaOを添加して $(N_{CaO}+N_{MgO})/N_{P_2O_5}$ 比が増加すると L_O は逆に増加し、CaO飽和 Fe_3O -CaO-P₂O₅系での L_O に急速に接近する。

4・2 溶鉄と平衡する各種鐵りん酸塩系スラグ中の酸化鉄の活量係数

4・2・1 溶鉄と平衡するCaO飽和 Fe_3O -CaO-P₂O₅系スラグ

本系スラグについて、1600°Cで得られた γ_{Fe_3O} の本研究結果を N_{Fe_3O} に対してFig. 4に図示し、同図で諸家の結果^{3)~8)}と比較した。全測定結果が良く一致しており、 N_{Fe_3O} が0.01から0.1に増加すると γ_{Fe_3O} は12から3に激減し、 $N_{Fe_3O} > 0.1$ では N_{Fe_3O} の増加に伴い γ_{Fe_3O} は緩やかに減少している。1550, 1650°Cでの測定

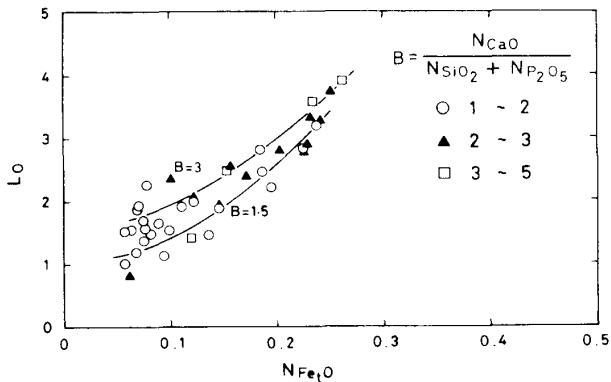


Fig. 2. Relation between oxygen distribution ratio and N_{Fe_tO} in $2\text{CaO}\cdot\text{SiO}_2$ -saturated $\text{Fe}_t\text{O}-\text{CaO}-(\text{SiO}_2 + \text{P}_2\text{O}_5)$ slag equilibrated with liquid iron at 1600°C .

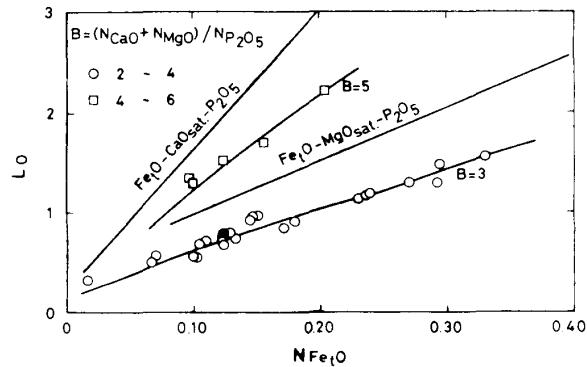


Fig. 3. Relation between oxygen distribution ratio and N_{Fe_tO} in $(\text{Mg}, \text{Fe})\text{O}$ -saturated $\text{Fe}_t\text{O}-(\text{CaO} + \text{MgO})-\text{P}_2\text{O}_5$ slag equilibrated with liquid iron at 1600°C .

結果は 1600°C での結果とほぼ同一で、本系での γ_{Fe_tO} に及ぼす温度の影響は小さい。

4・2・2 溶鉄と平衡する $(\text{Mg}, \text{Fe})\text{O}$ 鮫和 $\text{Fe}_t\text{O}-\text{MgO}-\text{P}_2\text{O}_5$ 系スラグ

1600°C で本系スラグについて本研究で得られた、 N_{Fe_tO} による γ_{Fe_tO} の変化を $\text{Fe}_t\text{O}-\text{CaO}_{sat}-\text{P}_2\text{O}_5$ 系スラグでの結果と比較して Fig. 4 に示す。本系での γ_{Fe_tO} は同一 N_{Fe_tO} に対し、 CaO 鮫和系スラグの場合の約 2 倍となる。従つて本系では CaO 鮫和系に比べ Fe_tO は不安定に存在することを意味し、その結果 Fig. 1 に示したように本系での L_O は CaO 鮫和系に比べ同一 N_{Fe_tO} で当然小さくなる。本系についての TRÖMEL ら⁹⁾ の結果を比較して、Fig. 4 中に示す。TRÖMEL らによる γ_{Fe_tO} の測定結果は同一 N_{Fe_tO} に対して本結果よりやや高値を示している。本 3 元系での γ_{Fe_tO} は N_{Fe_tO} が 0.1 から 0.4 まで増加すると 6 から 2 まで急激に減少するが、 $N_{Fe_tO} > 0.4$ では N_{Fe_tO} が増加すると γ_{Fe_tO} は緩やかに減少する。しかし本測定範囲内では $\gamma_{Fe_tO} > 1$ で、

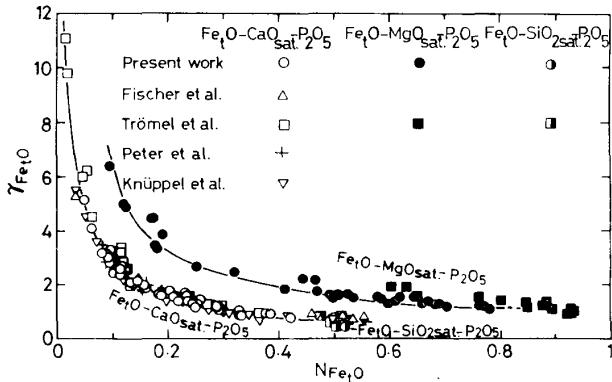


Fig. 4. Relation between activity coefficient of Fe_tO and N_{Fe_tO} in CaO -saturated $\text{Fe}_t\text{O}-\text{CaO}-\text{P}_2\text{O}_5$, $(\text{Mg}, \text{Fe})\text{O}$ -saturated $\text{Fe}_t\text{O}-\text{MgO}-\text{P}_2\text{O}_5$ and SiO_2 -saturated $\text{Fe}_t\text{O}-(\text{SiO}_2 + \text{P}_2\text{O}_5)$ slags equilibrated with liquid iron at 1600°C .

a_{Fe_tO} はすべて RAOUlt の法則より正に偏倚している。本系でも $1550, 1650^\circ\text{C}$ での γ_{Fe_tO} の測定結果は 1600°C での結果とほぼ一致した。

4・2・3 溶鉄と平衡する SiO_2 鮫和 $\text{Fe}_t\text{O}-(\text{SiO}_2 + \text{P}_2\text{O}_5)$ 系スラグ

本系における 1600°C での γ_{Fe_tO} と N_{Fe_tO} の関係を、上述の CaO 鮫和系、 $(\text{Mg}, \text{Fe})\text{O}$ 鮫和系スラグでの結果と比較して、Fig. 4 中に示したが、本系での γ_{Fe_tO} は L_O の項で述べた理由から $N_{Fe_tO}=0.5$ 付近 1 点でしか得られていないが、同一の $N_{Fe_tO}=0.5$ では $(\text{Mg}, \text{Fe})\text{O}$ 鮫和系、 CaO 鮫和系、 SiO_2 鮫和系の順で γ_{Fe_tO} は小さくなつた。その結果、Fig. 1 に見られるように L_O は同一 N_{Fe_tO} で比較すると $(\text{Mg}, \text{Fe})\text{O}$ 鮫和系、 CaO 鮫和系、 SiO_2 鮫和系の順で大きくなつていている。図示していないが、本系において同一温度では P_2O_5 を SiO_2 で置換するほど γ_{Fe_tO} は大きくなつた。その結果 $N_{SiO_2}/(N_{SiO_2} + N_{P_2O_5})$ 比が大きくなるほど L_O は小さくなつた。これは本スラグ組成域では鉄りん酸塩の方が鉄珪酸塩より安定であることを意味している。

4・2・4 溶鉄と平衡する $2\text{CaO}\cdot\text{SiO}_2$ 鮫和 $\text{Fe}_t\text{O}-\text{CaO}-(\text{SiO}_2 + \text{P}_2\text{O}_5)$ 系スラグ

1600°C で本系スラグについて得られた γ_{Fe_tO} と N_{Fe_tO} の関係を、 $N_{CaO}/(N_{SiO_2} + N_{P_2O_5})$ 比をパラメーターとして、Fig. 5 に示す。本系スラグでは γ_{Fe_tO} は一定 N_{Fe_tO} では $N_{CaO}/(N_{SiO_2} + N_{P_2O_5})$ 比が 1 から 3 に増加すると減少し、 $N_{CaO}/(N_{SiO_2} + N_{P_2O_5})$ 比一定では N_{Fe_tO} の増加により減少している。

4・2・5 溶鉄と平衡する $(\text{Mg}, \text{Fe})\text{O}$ 鮫和 $\text{Fe}_t\text{O}-(\text{CaO} + \text{MgO})-\text{P}_2\text{O}_5$ 系スラグ

1600°C で得た本系スラグ中の γ_{Fe_tO} と N_{Fe_tO} の関係を、 $(N_{CaO} + N_{MgO})/N_{P_2O_5}$ をパラメーターとして、Fig. 6 に示す。同図には同温度で、 CaO 鮫和 Fe_tO -

CaO-P₂O₅系、(Mg, Fe)O飽和Fe₃O-MgO-P₂O₅系スラグについて本研究で得た $\gamma_{\text{Fe}_3\text{O}}$ と $N_{\text{Fe}_3\text{O}}$ との関係も比較のため示した。本系での $\gamma_{\text{Fe}_3\text{O}}$ は $(N_{\text{CaO}} + N_{\text{MgO}})/N_{\text{P}_2\text{O}_5}$ 比一定では $N_{\text{Fe}_3\text{O}}$ の増加により減少し、その傾向はCaO飽和Fe₃O-CaO-P₂O₅系や(Mg, Fe)O飽和Fe₃O-MgO-P₂O₅系での結果と相似である。また $N_{\text{Fe}_3\text{O}}$ 一定では、(Mg, Fe)O飽和Fe₃O-MgO-P₂O₅系にCaOを添加し、 $(N_{\text{CaO}} + N_{\text{MgO}})/N_{\text{P}_2\text{O}_5}$ 比を3まで増加すると $\gamma_{\text{Fe}_3\text{O}}$ は増加するが、更に $(N_{\text{CaO}} + N_{\text{MgO}})/N_{\text{P}_2\text{O}_5}$ 比を5まで増加すると逆に $\gamma_{\text{Fe}_3\text{O}}$ は減少し、CaO飽和Fe₃O-CaO-P₂O₅系での $\gamma_{\text{Fe}_3\text{O}}$ の測定結果に漸近する。

これは $a_{\text{Fe}_3\text{O}}$ が3(Ca, Mg)O·P₂O₅組成に向かって著しく正に偏倚しているためと考えられる。この鉄りん酸塩における傾向はFe₃O-(CaO+MgO)-SiO₂系の鉄珪酸塩系スラグにおける $a_{\text{Fe}_3\text{O}}$ を実測した沈ら¹⁶⁾の結果と全く類似している。またFig. 6より $\gamma_{\text{Fe}_3\text{O}}$ に及ぼすCaOとMgO添加の影響を比較すると、 $N_{\text{Fe}_3\text{O}}$ 一定ではCaOに対するMgOの割合が増加すると $\gamma_{\text{Fe}_3\text{O}}$ は著しく増加している。これは以下に示すFISCHERらの報告¹⁸⁾、並びに鉄珪酸塩における報告²⁾とも完全に一致している。すなわちFISCHERらはドロマイト飽和Fe₃O-(CaO+MgO)系スラグの $a_{\text{Fe}_3\text{O}}$ を1530~1680°Cで測定し、BISHOPら¹⁹⁾によるFe₃O-CaO2元系スラグでの $a_{\text{Fe}_3\text{O}}$ の実測値と比較したところ、Fe₃O-CaO系にMgOを4~8 mol%添加すると $a_{\text{Fe}_3\text{O}}$ が増加することを報告している。

5. 考 察

以上の実験結果で示したように L_0 並びに $\gamma_{\text{Fe}_3\text{O}}$ は温度にはさほど依存しないが、スラグ組成に大きく依存している。これを定量的に取り扱うために、著者らがこれまで鉄珪酸塩系スラグについて^{2)(16)(20)~(24)}整合性を確認した正則溶液モデル²⁵⁾⁽²⁶⁾を、既報¹⁾⁽²⁷⁾⁽²⁸⁾では鉄りん酸塩系スラグ中のFe³⁺/Fe²⁺平衡に適用したところ良く整合したので、本報では鉄りん酸塩系スラグ-溶鉄間の酸素分配に適用を試みる。

5・1 相互作用エネルギー値の検討

スラグ-溶鉄間の酸素分配平衡は一般には(1)~(3)式で表されるが、正則溶液モデルでは化学反応を陽イオン1個当たりで表現するので(20), (21)式のようになる。



$$\begin{aligned} \Delta G_{20}^{\circ} &= -RT \ln K_{20} = -RT \ln (a_{\text{Fe}} \cdot a_{\text{O}} / a_{\text{FeO}}) \\ &= -RT (\ln a_{\text{Fe}} + \ln a_{\text{O}} - \ln X_{\text{FeO}}) \\ &\quad + RT \ln \gamma_{\text{FeO}} = 30.615 - 13.86 T \text{ cal}^{16} \end{aligned} \quad \dots \dots \dots \quad (21)$$

ところで正則溶液モデルではスラグ成分*i*の活量係数 γ_i は(22)式で示される。

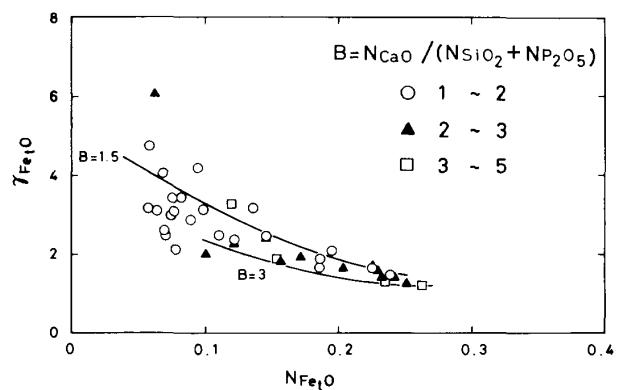


Fig. 5. Relation between activity coefficient of Fe₃O and $N_{\text{Fe}_3\text{O}}$ in 2CaO-SiO₂-saturated Fe₃O-CaO-(SiO₂ + P₂O₅) slag equilibrated with liquid iron at 1600°C.

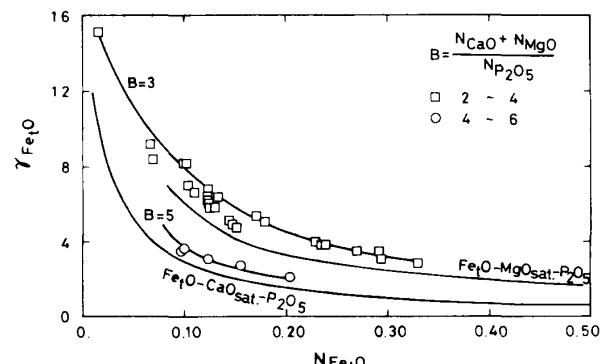


Fig. 6. Relation between activity coefficient of Fe₃O and $N_{\text{Fe}_3\text{O}}$ in (Mg,Fe) O-saturated Fe₃O-(CaO + MgO)-P₂O₅ slag equilibrated with liquid iron at 1600°C.

$$\begin{aligned} RT \ln \gamma_i &= \sum_j \alpha_{ij} X_j^2 \\ &\quad + \sum_j \sum_k (\alpha_{ij} + \alpha_{ik} - \alpha_{jk}) X_j X_k \dots \dots \quad (22) \end{aligned}$$

ここで、 X_i は陽イオン分率、 α_{ij} はO²⁻イオン格子の間隙に配置している*i*陽イオン-*j*陽イオン間の相互作用エネルギー値である。また各成分の活量基準は正則溶液の仮定から推定された仮想的な化学量論組成の純液体にとられている。従つて温度、溶鉄中の共存元素の濃度、スラグ組成、並びに α_{ij} がわかれば、(20)~(22)式から正則溶液モデルを用いて酸素分配平衡を定式化できることになる。

著者らは前報²⁾で鉄珪酸塩系スラグについて既報¹⁶⁾⁽²⁰⁾で求めた α_{ij} を再検討し新値を提出したところ、広組成域スラグ-溶鉄間の酸素分配平衡を定式化できた。そこで本報では鉄りん酸塩系スラグについて既報²⁷⁾⁽²⁸⁾で提出した α_{ij} を再検討したところ、P⁵⁺イオンが関与しない α_{ij} 値は前報²⁾と一致し、 $\alpha_{\text{Fe}^{2+}-\text{P}^{5+}}$, $\alpha_{\text{Fe}^{3+}-\text{P}^{5+}}$ も既報²⁶⁾での値と完全に一致したが、 $\alpha_{\text{Ca}^{2+}-\text{P}^{5+}}$ と

$\alpha_{\text{Mg}^{2+}-\text{P}^{5+}}$ は再検討が必要であった。また $\alpha_{\text{Si}^{4+}-\text{P}^{5+}}$ についても再検討した。

5・1・1 $\alpha_{\text{Ca}^{2+}-\text{P}^{5+}}$ の検討

本研究で取り扱った CaO 飽和 ($\text{FeO} + \text{FeO}_{1.5}$) - CaO- $\text{PO}_{2.5}$ 系スラグ-溶鉄間の、(20)式で示した酸素分配平衡について正則溶液モデルを適用した。(22)式を(21)式に代入し、既知の α_{ij} を用いて整理すると(23)式を得る。

$$\begin{aligned} \alpha_{\text{Ca}^{2+}-\text{P}^{5+}} X_{\text{CaO}} / X_{\text{PO}_{2.5}} &= \{-4460 X_{\text{FeO}_{1.5}}^2 \\ &- 7500 X_{\text{PO}_{2.5}}^2 - 7500 X_{\text{CaO}}^2 - 15460 X_{\text{FeO}_{1.5}} X_{\text{PO}_{2.5}} \\ &+ 10940 X_{\text{FeO}_{1.5}} X_{\text{CaO}} - 15000 X_{\text{CaO}} X_{\text{PO}_{2.5}} \\ &- RT \ln (a_{\text{Fe}} / X_{\text{FeO}}) - 30615 + 13.86 T\} \\ &/ X_{\text{PO}_{2.5}}^2 \text{cals} \equiv YA \quad \dots \dots \dots (23) \end{aligned}$$

(23)式で右辺は実験条件と分析値から計算できる既知項で左辺は未知項である。本系で正則溶液の関係が成立していれば YA と $X_{\text{CaO}} / X_{\text{PO}_{2.5}}$ の間には直線関係が成立する。この関係を図示したのが Fig. 7 である。Fig. 7 には本系の酸素分配平衡を測定し、 L_0 が本研究結果と良く一致した TRÖMEL ら⁴⁾、PETER ら⁶⁾、KNÜPPEL ら^{7,8)}の結果のうち、統報²⁹⁾で示すように本系でのりん分配比 L'_P ($= (\% \text{P}) / [\% \text{P}]$) については他者の測定値よりかなりの低値を示した PETER らの結果を除いた、TRÖMEL ら、KNÜPPEL らの測定値について、同様の計算を行つた結果も図示した。また著者が以前行つた $\text{H}_2\text{O}-\text{H}_2$ 混合ガスと固体鉄飽和 $\text{FeO}-\text{FeO}_{1.5}-\text{CaO}-\text{PO}_{2.5}$ 系スラグ間の平衡実験²⁸⁾の測定値についての同様の考察結果も Fig. 7 中に示した。Fig. 7 より $X_{\text{CaO}} / X_{\text{PO}_{2.5}} \leq 5$ の組成域では数点を除けば、 YA と $X_{\text{CaO}} / X_{\text{PO}_{2.5}}$ の間には原点を通る良い直線関係が成立しており、本系はモデルに良く整合していることがわかる。直線の勾配から次の値を得た。

$$\alpha_{\text{Ca}^{2+}-\text{P}^{5+}} = -60000 \text{ cal} \quad \dots \dots \dots (24)$$

Fig. 7において、 $X_{\text{CaO}} / X_{\text{PO}_{2.5}} > 5$ では測定点が直線から偏倚しているが、この組成域はほぼ $\text{Fe}_3\text{O}-\text{CaO}$ 2元系溶液とみなされ、陽イオンの酸素配位数が珪酸塩やりん酸塩と異なり、著者がこれまで珪酸塩で整合性を認めてきた正則溶液近似の関係を満足していないためと考えられる²⁾。

5・1・2 $\alpha_{\text{Mg}^{2+}-\text{P}^{5+}}$ の検討

(Mg, Fe)O 飽和 ($\text{FeO} + \text{FeO}_{1.5}$) - (CaO + MgO) - $\text{PO}_{2.5}$ 系スラグ-溶鉄間の酸素分配平衡について同様に正則溶液モデルを適用すると、最終的に(25)式を得る。

$$\begin{aligned} \alpha_{\text{Ca}^{2+}-\text{P}^{5+}} X_{\text{CaO}} / X_{\text{MgO}} + \alpha_{\text{Mg}^{2+}-\text{P}^{5+}} \\ = \{-4460 X_{\text{FeO}_{1.5}}^2 - 7500 X_{\text{PO}_{2.5}}^2 - 7500 X_{\text{CaO}}^2 \\ + 8000 X_{\text{MgO}}^2 - 15460 X_{\text{FeO}_{1.5}} X_{\text{PO}_{2.5}} \\ + 10940 X_{\text{FeO}_{1.5}} X_{\text{CaO}} + 4240 X_{\text{FeO}_{1.5}} X_{\text{MgO}} \\ - 15000 X_{\text{PO}_{2.5}} X_{\text{CaO}} + 500 X_{\text{PO}_{2.5}} X_{\text{MgO}} \\ + 24500 X_{\text{CaO}} X_{\text{MgO}} + RT \ln X_{\text{FeO}} - RT \ln a_{\text{Fe}} \\ - RT \ln a_{\text{O}} - 30615 + 13.86 T\} \\ / (X_{\text{PO}_{2.5}} \cdot X_{\text{MgO}}) \text{cals} \equiv YB \quad \dots \dots \dots (25) \end{aligned}$$

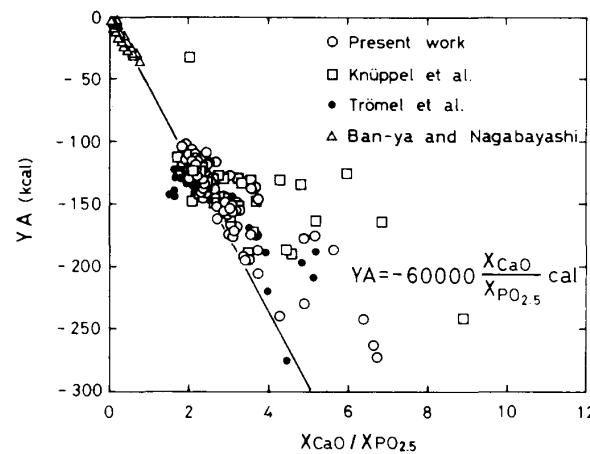


Fig. 7. Relation between YA and $X_{\text{CaO}} / X_{\text{PO}_{2.5}}$ in ($\text{FeO} + \text{FeO}_{1.5}$)-CaO- $\text{PO}_{2.5}$ slag equilibrated with iron.

この関係を図示したのが Fig. 8 である。Fig. 8 より YB と $X_{\text{CaO}} / X_{\text{MgO}}$ の間には良い直線関係が成立しており、直線の勾配と切片から次の値を得る。

$$\alpha_{\text{Ca}^{2+}-\text{P}^{5+}} = -60000 \text{ cal} \quad \dots \dots \dots (24)'$$

$$\alpha_{\text{Mg}^{2+}-\text{P}^{5+}} = -9000 \text{ cal} \quad \dots \dots \dots (26)$$

(24)'式の $\alpha_{\text{Ca}^{2+}-\text{P}^{5+}}$ は前述の CaO 飽和系での測定から得られた(24)式で示す値と同じである。従つてりん酸塩系スラグでも珪酸塩系スラグと同様にスラグ組成が異なつても同一相互作用エネルギー値を使用できる。

5・1・3 $\alpha_{\text{Si}^{4+}-\text{P}^{5+}}$ の検討

($\text{FeO} + \text{FeO}_{1.5}$)-CaO-($\text{SiO}_2 + \text{PO}_{2.5}$) 系スラグと溶鉄間の酸素分配平衡に正則溶液モデルを適用すると(27)式を得る。

$$\begin{aligned} \alpha_{\text{Si}^{4+}-\text{P}^{5+}} &= \{-4460 X_{\text{FeO}_{1.5}}^2 - 10000 X_{\text{SiO}_2}^2 \\ &- 7500 X_{\text{PO}_{2.5}}^2 - 7500 X_{\text{CaO}}^2 \\ &- 22260 X_{\text{FeO}_{1.5}} X_{\text{SiO}_2} - 15460 X_{\text{FeO}_{1.5}} X_{\text{PO}_{2.5}} \\ &- 17500 X_{\text{SiO}_2} X_{\text{PO}_{2.5}} - 45000 X_{\text{PO}_{2.5}} X_{\text{CaO}} \\ &- RT \ln a_{\text{Fe}} - RT \ln a_{\text{O}} + RT \ln X_{\text{FeO}} \\ &- 30615 + 13.86 T\} / (X_{\text{SiO}_2} \cdot X_{\text{PO}_{2.5}}) \text{cals} \quad \dots \dots \dots (27) \end{aligned}$$

SiO_2 飽和 ($\text{FeO} + \text{FeO}_{1.5}$) - ($\text{SiO}_2 + \text{PO}_{2.5}$) 系スラグでの本実験結果について(27)式から算出した $\alpha_{\text{Si}^{4+}-\text{P}^{5+}}$ を $X_{\text{SiO}_2} / (X_{\text{SiO}_2} + X_{\text{PO}_{2.5}})$ に対して図示したのが Fig. 9 である。 $\alpha_{\text{Si}^{4+}-\text{P}^{5+}}$ 値はスラグ組成に依存せずほぼ一定値を示している。

また $2\text{CaO} \cdot \text{SiO}_2$ 飽和 ($\text{FeO} + \text{FeO}_{1.5}$)-CaO-($\text{SiO}_2 + \text{PO}_{2.5}$) 系スラグについても同様の処理を行い、Fig. 9 中に結果を同時に示した。本系でも $\alpha_{\text{Si}^{4+}-\text{P}^{5+}}$ は、 $\text{PO}_{2.5}$ の極微量の分析を行う必要のある $X_{\text{SiO}_2} / (X_{\text{SiO}_2} + X_{\text{PO}_{2.5}}) > 0.9$ では大きくばらついているが、この組成域を除けば SiO_2 飽和系とほぼ同一の値を示した。Fig. 9 に示した両系の結果から $\alpha_{\text{Si}^{4+}-\text{P}^{5+}}$ として次の値を得

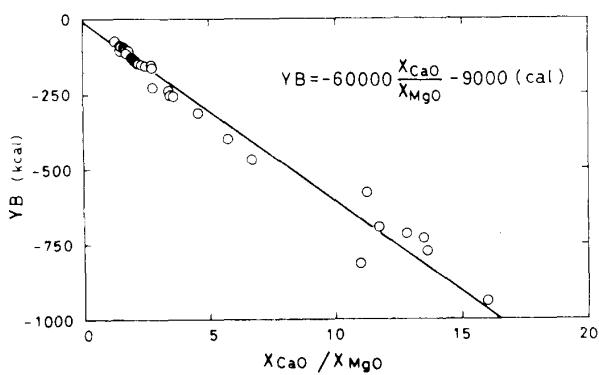


Fig. 8. Relation between YB and $X_{\text{CaO}}/X_{\text{MgO}}$ in $(\text{FeO} + \text{FeO}_{1.5})-(\text{CaO} + \text{MgO})-\text{PO}_{2.5}$ slag equilibrated with liquid iron and solid $(\text{Mg}, \text{Fe})\text{O}$.

た。

$$\alpha_{\text{Si}^{4+}/\text{P}^{5+}} = 20\,000 \text{ cal} \quad \dots \quad (28)$$

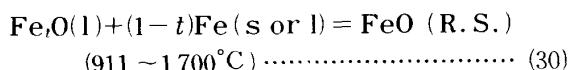
この値は著者らが既報²³⁾ のソーダ系スラグで求めた値と一致している。

5・2 正則溶液モデルによる鉄りん酸塩系スラグ中の酸化鉄活量の算出

既報²⁾²⁶⁾及び本報で求めた α_{ij} 値を用いれば(22)式により γ_{FeO} は算出可能である。本研究で対象とした $\text{Fe}_3\text{O}_4-(\text{CaO}+\text{MgO})-(\text{SiO}_2+\text{P}_2\text{O}_5)$ 系スラグでは(29)式となる。

$$\begin{aligned}
& RT \ln \gamma_{\text{FeO}} (\text{R.S.}) \\
& = -4460 X_{\text{FeO}_{1.5}}^2 - 7500 X_{\text{PO}_{2.5}}^2 - 10000 X_{\text{SiO}_2}^2 \\
& - 7500 X_{\text{CaO}}^2 + 8000 X_{\text{MgO}}^2 - 15460 X_{\text{FeO}_{1.5}} X_{\text{PO}_{2.5}} \\
& + 10940 X_{\text{FeO}_{1.5}} X_{\text{CaO}} + 4240 X_{\text{FeO}_{1.5}} X_{\text{MgO}} \\
& - 22260 X_{\text{FeO}_{1.5}} X_{\text{SiO}_2} + 45000 X_{\text{PO}_{2.5}} X_{\text{CaO}} \\
& + 9500 X_{\text{PO}_{2.5}} X_{\text{MgO}} - 37500 X_{\text{PO}_{2.5}} X_{\text{SiO}_2} \\
& + 24500 X_{\text{CaO}} X_{\text{MgO}} + 14500 X_{\text{CaO}} X_{\text{SiO}_2} \\
& + 14000 X_{\text{MgO}} X_{\text{SiO}_2} \text{ cal} \dots \quad (29)
\end{aligned}$$

しかし本モデルから算出される a_{FeO} は常用の非化学量論組成 Fe_1O の活量値とは異なるので、実測値の a_{FeO} と比較する場合、両活量基準の変換が必要である。これに対し著者らは次式を提出している²¹⁾²³⁾。



$$RT \ln a_{\text{Fe}_O}(1) = RT \ln a_{\text{Fe}_O}(\text{R. S.}) \\ - 2.040 + 1.707 T \text{ cal} \quad \dots \dots \dots \quad (31)$$

$$\log \gamma_{\text{Fe,O}}(1) = \log \gamma_{\text{FeO}}(\text{R. S.}) + \log(X_{\text{FeO}} / N_{\text{Fe,O}}) = 446 / T + 0.373 \quad \dots \dots \dots \quad (32)$$

(32)式中の $\gamma_{\text{Fe}_3\text{O}}(\text{R. S.})$ を(29)式を用いて正則溶液モデルで算出し、(32)式から本研究で対象とした5種の鉄りん酸塩系スラグについて $\gamma_{\text{Fe}_3\text{O}}$ を算出し、測定結果と比較して Fig. 10 に示した。また本報で引用した諸家の測定結果^{4)5)7)~9)}と鉄珪酸塩に P_2O_5 を添加した多元系製鋼スラグと溶鉄間で酸素分配平衡を測定した WINKLER

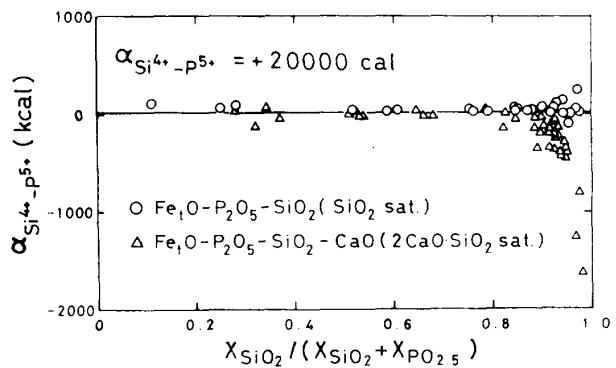


Fig. 9. Relation between $\alpha_{\text{Si}^{4+}-\text{P}^{5+}}$ and $X_{\text{SiO}_2}/(X_{\text{SiO}_2} + X_{\text{PO}_{2.5}})$ in SiO_2 -saturated ($\text{FeO} + \text{FeO}_{1.5}$)-($\text{SiO}_2 + \text{PO}_{2.5}$) and $2\text{CaO}\cdot\text{SiO}_2$ -saturated ($\text{FeO} + \text{FeO}_{1.5}$)- CaO -($\text{SiO}_2 + \text{PO}_{2.5}$) slags equilibrated with liquid iron.

ら³⁰⁾, 水渡ら³¹⁾の結果について同様にモデルで算出した $\gamma_{\text{Fe},\text{O}}$ とその実測値を比較して同図中に示した。いずれの測定においても実験誤差を考慮すれば両者は良く一致しているとみなすことができる。

6. 結 言

CaO 飽和 $\text{Fe}_3\text{O}-\text{CaO}-\text{P}_2\text{O}_5$ 系, (Mg, Fe)O 飽和 $\text{Fe}_3\text{O}-\text{MgO}-\text{P}_2\text{O}_5$ 系, SiO_2 飽和 $\text{Fe}_3\text{O}-(\text{SiO}_2+\text{P}_2\text{O}_5)$ 系, $2\text{CaO}\cdot\text{SiO}_2$ 饽和 $\text{Fe}_3\text{O}-\text{CaO}-(\text{SiO}_2+\text{P}_2\text{O}_5)$ 系及び (Mg, Fe)O 饽和 $\text{Fe}_3\text{O}-(\text{CaO}+\text{MgO})-\text{P}_2\text{O}_5$ 系の各種鉄りん酸塩系スラグと溶鉄間の酸素分配平衡を 1300~1680°C の温度範囲で測定した。その結果、酸素の分配比と酸化鉄の活量は温度にはそれほど依存しないが、スラグ組成に大きく依存していることがわかつた。

本結果に鉄珪酸塩系の製鋼スラグで整合性が認められた正則溶液モデルを適用したところ、本モデルは鉄りん酸塩系スラグに対しても十分整合性のあることが確認された。本測定結果より P^{5+} にかかる次の相互作用エネルギーを得た。

$$\alpha_{\text{Ca}^{2+}, \text{P}^{5+}} = -60\,000 \text{ cal}$$

$$\alpha_{\text{Mg}^{2+}, \text{P}^{5+}} = -9000 \text{ cal}$$

$$\alpha_{\text{Si}^{4+}, \text{P}^{5+}} = +20\,000 \text{ cal}$$

またこれらの値と、著者が既報で鉄珪酸塩系スラグで求めた相互作用エネルギー値を用いて、溶鉄と平衡する鉄りん酸塩系スラグ中の酸化鉄の活量を算出したところ、実測値と良く一致した。

終わりに当たり、本実験の遂行に御協力下さった飛田昌孝（現：日本発条）、山口博儀（現：日本発条）、種茂俊哉（現：日新製鋼周南）、恵輝之（現：日本ユニバッカ）各工学士及び向田雅一（現：東北大学大学院）工学修士に感謝致します。

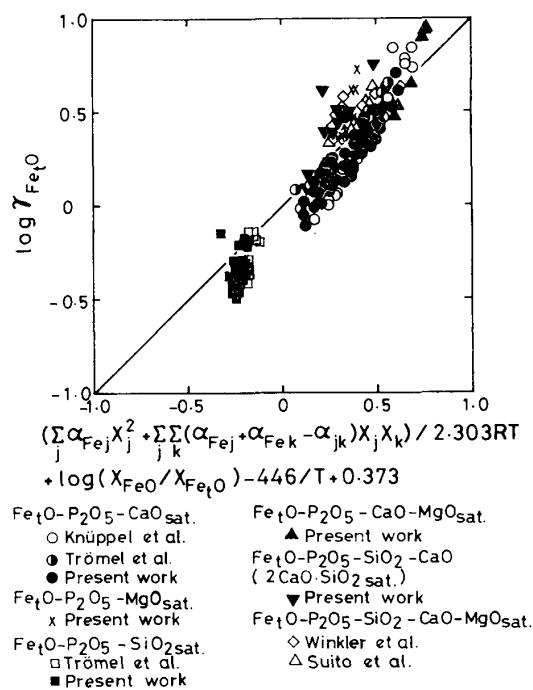


Fig. 10. Comparison between measured and calculated $\log \gamma_{\text{Fe}_2\text{O}_3}$ in iron phosphate slags.

文 献

- 1) 長林烈, 日野光元, 萬谷志郎: 鉄と鋼, 74 (1988), p. 1585
- 2) 萬谷志郎, 日野光元: 鉄と鋼, 73 (1987), p. 476
- 3) W. A. FISCHER and H. vom ENDE: Stahl Eisen, 72 (1952), p. 1398
- 4) G. TRÖMEL and H. W. FRITZ: Arch. Eisenhüttenwes., 30 (1959), p. 461
- 5) G. TRÖMEL and W. FIX: Arch. Eisenhüttenwes., 33 (1962), p. 745
- 6) O. PETER, W. vor dem ESCHE and W. OELSEN: Arch. Eisenhüttenwes., 27 (1956), p. 219
- 7) H. KNÜPPEL, F. OETERS and H. GRÜB: Arch. Eisenhüttenwes., 30 (1959), p. 253
- 8) H. KNÜPPEL and F. OETERS: Stahl Eisen, 81 (1961), p. 1437
- 9) G. TRÖMEL and K. SCHWERDTFEGER: Arch. Eisenhüttenwes., 34 (1963), p. 101
- 10) 製鋼反応の推奨平衡値(改訂増補), 学振19委-No. 10588(日本学術振興会製鋼第19委員会編)(昭和59年11月)
- 11) 萬谷志郎, 的場幸雄: 鉄と鋼, 49 (1968), p. 753
- 12) J. CHIPMAN: Metall. Trans., 3 (1972), p. 879
- 13) S. BAN-YA, J. F. ELLIOTT and J. CHIPMAN: Trans. Metall. Soc. AIME, 245 (1969), p. 1199
- 14) 萬谷志郎, 丸山信俊, 藤野伸司: 鉄と鋼, 68 (1982), p. 269
- 15) W. A. FISCHER and H. vom ENDE: Arch. Eisenhüttenwes., 23 (1952), p. 21
- 16) 沈載東, 萬谷志郎: 鉄と鋼, 67 (1981), p. 1735, 1745, 萬谷志郎: 大韓金属学会誌, 20 (1982), p. 51, S. BAN-YA and J.-D. SHIM: Can. Metall. Quart., 23 (1983), p. 319, The Ninth Japan-USSR Joint Sympo. on Phys. Chem. of Metall. Process, Moscow (1983), p. 29
- 17) E. SCHÜRMANN, F. BARDENHEUER and S. DÖHLER: Arch. Eisenhüttenwes., 50 (1979), p. 423, 499
- 18) W. A. FISCHER and H. SPITZER: Arch. Eisenhüttenwes., 29 (1958), p. 611
- 19) H. L. BISHOP, N. J. GRANT and J. CHIPMAN: Trans. Metall. Soc. AIME, 212 (1958), p. 185
- 20) S. BAN-YA, A. CHIBA and A. HIKOSAKA: Proc. Australia/Japan Extractive Metall. Sympo. 1980, Victoria (1980), p. 457 [Aus. I. M. M.], 鉄と鋼, 66 (1980), p. 1584
- 21) 萬谷志郎, 日野光元, 湯下憲吉: 鉄と鋼, 71 (1985), p. 853
- 22) 萬谷志郎, 日野光元, 竹添英孝: 鉄と鋼, 71 (1985), p. 1765
- 23) 萬谷志郎, 日野光元, 竹添英孝: 鉄と鋼, 71 (1985), p. 1903, Proc. Int. Sympo. on Metall. Slags and Fluxes, ed. by H. A. FINE and D. R. GASKELL, Lake Tahoe (1984), p. 395 [TMS of AIME], Trans. Iron Steel Inst. Jpn., 25 (1985), p. 1122
- 24) 萬谷志郎, 日野光元, 湯下憲吉, 江尻満: 学振19委-No. 10748, 反応-636(昭和61年10月)
- 25) J. LUMSDEN: Phys. Chem. of Process Metall. Part I, ed. by G. R. St. PIERRE, Metall. Soc. Conf., Vol. 17 (1961), p. 165 [Interscience, N. Y.]
- 26) 萬谷志郎: 第42回西山記念技術講座(日本鉄鋼協会編)(1976), p. 67, シンポジウム予稿・溶融酸化物の物理化学(1983年4月), p. 4 [日本金属学会]
- 27) 萬谷志郎, 渡部忠男: 鉄と鋼, 63 (1977), p. 1809
- 28) 萬谷志郎, 長林烈: 鉄と鋼, 68 (1982), p. 261, S. BAN-YA, T. WATANABE and R. NAGABAYASHI: Japan-United States Seminar (Advances in the Science of Iron- and Steelmaking) (1983), p. 27 [JSPS]
- 29) 長林烈, 日野光元, 萬谷志郎: 鉄と鋼, 74 (1988) 9 投稿中
- 30) T. B. WINKLER and J. CHIPMAN: Trans. AIME, 167 (1946), p. 111
- 31) 水渡英昭, 井上亮, 高田稔: 鉄と鋼, 67 (1981), p. 2645