

(108)

669-404: 539.219.3: 669.787: 669.788: 669.786

## 溶融金属中の溶質拡散係数の理論式の修正ならびに

## 溶融金属中の酸素・水素・窒素の拡散係数の計算

大阪大学工学部 飯田孝道、森田善一郎

大阪大学大学院 ○平野秀明

1. 緒言 著者らは、先に<sup>1)</sup>溶融金属中の溶質拡散係数に関する式を導出し、その式からの計算値は実測値とよく一致することを示した。しかし異種原子間の相互作用を定式化する際の取り扱いに不十分な点があったので、ここではそれについてさらに検討を加え修正式を導いた。本報では修正式の導出過程と、その式からの計算例として、溶融金属中の気体の拡散係数について実測値との比較を示す。

2. 溶質拡散係数の式の導出 前報<sup>1)</sup>での取り扱いに対して、本報では次のような点について検討を加えた。すなわち前報<sup>1)</sup>で導いた異種原子間の原子振動に対する補正係数<sup>2)</sup>について、著者らの溶融金属に関するモデルに従って、より厳密なものに修正した。そこには溶質原子の平均振動寿命および溶質、溶媒原子の原子半径などを考慮されており、溶質拡散係数 $D_x$ は次式で表わされる。

$$D_x = \frac{1}{k_B} \cdot \frac{[(M T_m)^{\frac{1}{2}}]_M}{[(M T_m)^{\frac{1}{2}}]_X} \cdot D_s \quad (1)$$

$$\begin{aligned} k_B &= \frac{P(\bar{T})^*}{P(\bar{T})} \cdot \left( \frac{a_M}{a_X^*} \right) \left\{ 1 + \frac{3.5 \times 10^6 |\Delta\chi|^2}{(R T_m)_X RT} \cdot \left( \frac{a_X^*}{a_M} \right)^2 \right\}^{\frac{1}{2}} \\ P(\bar{T})^* &= 1 - \int_{\bar{T}}^{\infty} \sqrt{\frac{3}{8\pi}} \exp \left[ -\frac{3}{8} \left\{ \frac{3.2 T_m (1+\theta) - \bar{T}}{\bar{T}} \right\}^2 \right] d \left\{ \frac{3.2 T_m (1+\theta) - \bar{T}}{\bar{T}} \right\} \\ X &= \frac{\sqrt{3}}{2} \left\{ \frac{3.2 T_m (1+\theta) - \bar{T}}{\bar{T}} \right\} \\ \theta &= \frac{3.5 \times 10^6 |\Delta\chi|^2}{(R T_m)_X RT} \cdot \left( \frac{a_X^*}{a_M} \right)^2 \end{aligned}$$

$P(\bar{T})^*$ は溶質原子の平均振動寿命を表わす因子、 $\bar{T}$ は熱平衡温度(K)、 $a$ は原子半径、 $|\Delta\chi|$ は溶質、溶媒間の電気陰性度の差、添字M、Xはそれぞれ溶媒金属、溶質元素を表わす。

3. 計算値と実測値との比較 前報<sup>1)</sup>で導出した式からの計算値と上式からの計算値は±10%程度の範囲内で一致した。特に溶質が金属原子の場合には、それらはほぼ等しい値が得られた。図1～図3に従来比較的計算例の少ない溶融金属中のガスの拡散係数の計算値と実測値との比較を示した。図から明らかのように計算値は妥当なものと考えられる。なお自己拡散係数 $D_s$ には、著者らによる経験式<sup>2)</sup>および剛体球モデルに基づいた式<sup>3)</sup>からの値を用いた。(※酸素、水素、窒素)

1) 飯田、森田：鉄と鋼, 63 (1977), S. 554.

2) 飯田、森田：鉄と鋼, 63 (1977), S. 553. 3) 飯田、山本、森田：鉄と鋼, 64 (1978), S.

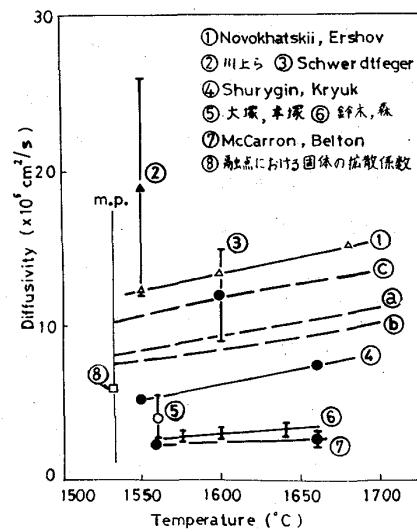


図1 溶鉄中の酸素の拡散係数  
 ①(1)式からの計算値 ( $D_s$ : 刚体球モデル) ②(1)式からの計算値 ( $D_s$ : 経験式) ③Protopapasらによる計算値

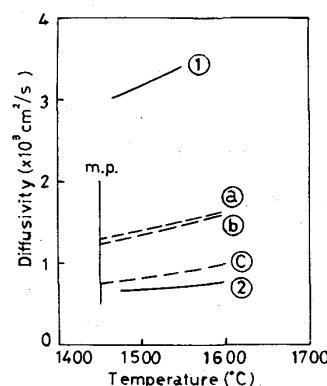


図2 溶融ニッケル中の水素の拡散係数  
 ③(1)式からの計算値 ( $D_s$ : 刚体球モデル) ⑤(1)式からの計算値 ( $D_s$ : 経験式) ⑦Protopapasらによる計算値  
 ①Wright, Hocking ②Sacris, Parlee

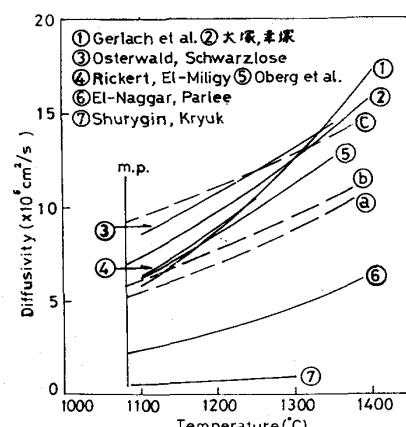


図3 溶銅中の酸素の拡散係数  
 ③(1)式からの計算値 ( $D_s$ : 刚体球モデル) ⑤(1)式からの計算値 ( $D_s$ : 経験式) ⑦Protopapasらによる計算値