

討 18 鉄の転位のバーガースベクトル、拡張転位などの問題について

東京大学物性研究所 竹内伸

1. 緒言 結晶中に存在する転位の性質がその物質の機械的性質の基本的因素になっていることは云うまでもない。にもかかわらず、以鉄中の転位（或は一般にBCC金属中の転位）に関しては、転位芯の構造の問題のみならず、加工した鉄の中に存在する転位のバーガースベクトル自身についても近年いろいろと議論が行われており、今だに解決したとは云えない。

2. 転位のバーガースベクトル（以下B.V.と略す）2.1 弾性論的考察 転位の弾性エネルギーはよく知られているように

$$E = \frac{Kb^2}{2\pi} \ln \frac{R}{R_0} \quad \begin{cases} K: \text{エネルギー因数} \\ b: \text{B.V.の大きさ} \\ R: \text{歪みのおよぶ半径} \\ R_0: \text{cut-off半径} \end{cases} \quad (1)$$

と表わされ b^2 に比例する。单纯な刃型からすると、BCC金属中の転位はそのB.V.が $\frac{a}{2}\langle 111 \rangle$, $a\langle 100 \rangle$, $a\langle 110 \rangle$, $a\langle 111 \rangle \cdots$ の順にエネルギーが大きくなるが、 $a\langle 110 \rangle$ 以上の転位はすべて前2者の転位に分解した方がエネルギーが減少するため $\frac{a}{2}\langle 111 \rangle$ と $a\langle 100 \rangle$ 以外の転位は存在し得ないことになる。 $(a\langle 110 \rangle \rightarrow \frac{a}{2}\langle 111 \rangle + \frac{a}{2}\langle 111 \rangle)$ の分解によりエネルギーは25%減少するところが、(1)式のKには転位のnature（刃状からせんか）で変わると同時に弾性異方性を考慮すると自身に大きく依存する。鉄中の種々の転位に対するKの値および $\ln \frac{R}{R_0} = 1$ のときのEの値(E^*)はReid¹⁾によると表1のようになる。 $a\langle 110 \rangle$ 転位は表1鉄中の種々の転位に対するかなり大きなエネルギーを持つのでやはり存在しそうもない。

エネルギーと易動度を表わすパラメータ²⁾

転位の種類	K x10 ⁻⁴ dyn/cm ²	E^* x10 ⁻⁴ erg/cm	S
$\frac{a}{2}\langle 111 \rangle$ on $\langle 110 \rangle$	edge screw	12.93 6.25	2.99 0.46
	edge screw	11.18 11.20	9.21 9.23
$a\langle 100 \rangle$ on $\langle 110 \rangle$	edge screw	10.45 7.30	17.2 12.0
	edge screw	10.45 11.20	8.61 9.23
$a\langle 110 \rangle$ on $\langle 100 \rangle$		0.22 0.44	0.68 0.65

結晶中の転位の起源は(1)凝固の際入ったもの、(2)応力によって増殖したもの、(3)点欠陥の集合により生じた転位ループ、(4)焼純中に転位間の反応で生じたもの、等であるが、一般的には(2)が主要原因であるので、エネルギーのみでは論じられない。応力下での転位の動き易さは、パイエルスカ、他の欠陥との相互作用力で決まり、これらはB.V.の大きさに依存するので大体転位のエネルギーに対応することになる。しかし、弾性異方性を考慮すると、パイエルスカ近似によるパイエルスカの大きさを示すパラメータ³⁾の大きさはエネルギーの大きさとは対応せず、表1に示すような結果になる。すなわち、 $\langle 110 \rangle$ 面上の $a\langle 100 \rangle$, $a\langle 110 \rangle$ の転位は $\frac{a}{2}\langle 111 \rangle$ のらせん転位と同程度に動き易いことになる。但し、パイエルスカの問題は、結晶構造も考慮して転位芯を厳密に取り扱う必要があるので上表の結果は必ずしも信頼できない。

2.2 電子顕微鏡によるB.V.の決定 結晶中に存在する転位のB.V.を実験的に決める手段として、X線による方法、透過電顕による方法、また最近は電界イオン顕微鏡(FIMと略す)が用いられているが、鉄の場合にはX線では分解能が不足である。Carringtonら(1960)³⁾は焼純した鉄中の転位網を透過電顕で観察しそれぞれを幾何学的に考察して、 $\frac{a}{2}\langle 111 \rangle$ 転位の外 $\frac{a}{2}\langle 111 \rangle + \frac{a}{2}\langle 111 \rangle \rightarrow a\langle 100 \rangle$ の反応により $a\langle 100 \rangle$ 転位の成分が存在すること、またあるものは二つの $a\langle 100 \rangle$ 転位から $a\langle 110 \rangle$ 転位を形成していることを推論した。OhrとBeshersは電顕像の回折条件を利用して、転位網に $a\langle 100 \rangle$ のB.V.のらせん転位が存在することを確認している⁴⁾。

*歪みのない結晶面でのBragg反射によってはcontrastが生じないので、らせん転位の場合は $\mathbf{g} \cdot \mathbf{b} = 0$ 、刃状転位の場合はこれと $\mathbf{g} \cdot (\mathbf{b} \times \mathbf{u}) = 0$ が満たされた時に転位像が消えることになる(等方弾性体の場合)。但し \mathbf{g} は反射ベクトル、 \mathbf{u} は転位線の方向を示す。

その後Dingley & Hale (1966)⁵⁾ は $g \cdot b = 0$ の転位像の消失条件を用いて、変形した純鉄および鉄合金中の転位のB.V.を調べた結果、 $\frac{a}{2}\langle 111 \rangle$ 転位は60%で $a\langle 100 \rangle$ 転位および $a\langle 110 \rangle$ 転位がそれぞれ20%づつも存在すると報告した。それまで鉄のエリ系が $\langle 111 \rangle$ に限られていると考えられていたが、この結果は $\langle 100 \rangle$ や $\langle 110 \rangle$ エリ系も活動することを示唆する画期的なものであった。彼等の方法は、大傾角の試料傾斜装置を用いて $g_1 = (123)$, $g_2 = (013)$, $g_3 = (222)$, のいずれかの Bragg 條件を満すように試料を傾斜し、その暗視野像と多重反射條件での明視野像を比較して、B.V.の型を決めたものである。 g では4種の $\frac{a}{2}\langle 111 \rangle$

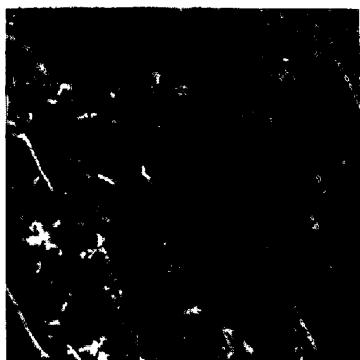


写真1. $g = (222)$ の暗視野像
消えた転位を示す。Dingley らは
これらを B.V. が $a\langle 110 \rangle$ の転位
と見做した。⁵⁾

の内の1種が消え、 g_1 では3種の $a\langle 100 \rangle$ の内の1種が消え、 g_3 では6種の $a\langle 110 \rangle$ の内の3種が消えることから、消失した転位の数にそれぞれ4, 3, 2の weight を乗じて3つの型の B.V. の転位の比率を求めた。weight を乗じた転位数の合計が大体 100% になっていることはこの測定の信憑性を示すように思われた。彼等の写真の例を写真1に示す。McLean & Priestner は $a\langle 100 \rangle$, $a\langle 110 \rangle$ エリが二つの $\frac{a}{2}\langle 111 \rangle$ 方向の path を通って起るとすれば $\langle 111 \rangle$ エリと同程度に起り易いと考えてこの結果を説明した。⁶⁾

ところが、その後 France & Loretto (1968)⁷⁾ は Dingley らの用いたものと同じ試料に関して、同一視野について小さな g ($[100]$, $[110]$, $[112]$) を用い明視野で二通りの消失条件を求めて B.V. を求め、99% の転位が $\frac{a}{2}\langle 111 \rangle$ で約 1% の転位が $a\langle 100 \rangle$ で、 $a\langle 110 \rangle$ の転位は存在しないと結論した。彼等は更に Dingley らの用いたような大きな g を用いるとたとえ $g \cdot b = 0$ でも転位の contrast が実質的に消えてしまうことを示し、Dingley らの結論との相異を説明している。すなわち、 g と b の角度が 70 度ぐらいでも Bragg 條件を正確に満たしていない場合は contrast が殆んど生じないことを、実験的にも回折理論による計算からも確かめている。その1例を写真2に示す。

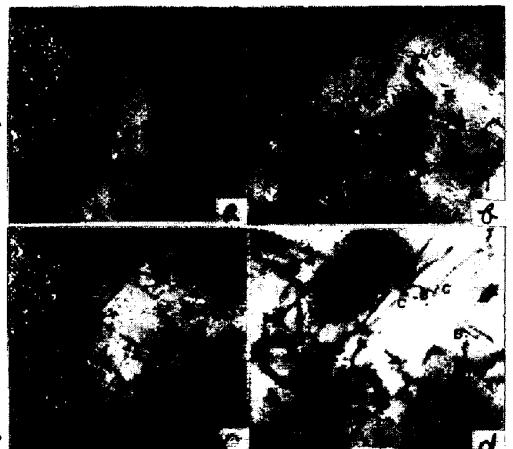


写真2 (a)(b)(c)(d) はそれぞれ $g = [110]$, $[110]$, $[1\bar{1}1]$, $[\bar{1}30]$ による明視野像。(a)で見える転位 A, C は (b), (c) で消えていることからその B.V. は $\langle 111 \rangle$ であるが、(d) でも $g \cdot b = -1$ にとかかわらず消えている。⁷⁾

また、筆者が Fe-2%V 合金単結晶について $\langle 111 \rangle$ エリが起り難くしかも $\langle 100 \rangle$ エリが容易に起るような束縛を与えて変形した実験結果からも $\langle 100 \rangle$ エリが起った形跡はエリ線の観察からも顕著による転位の観察からも得られなかった。⁸⁾

一方、最近 FIM によって鉄中に $a\langle 110 \rangle$ 転位が確認されたことが報告されたが⁹⁾ France らは電顕観察では見られないことから FIM 観察での試料の特殊条件を問題にしている。¹⁰⁾

3. 転位芯の構造 いざれにせよ、鉄の変形に与かる転位が殆んど $\frac{a}{2}\langle 111 \rangle$ 転位であることは疑い難い。 $\frac{a}{2}\langle 111 \rangle$ のらせん転位の core の構造に関しては、低温強度の機構がパイエルス機構か螺旋パイエルス機構かの問題に関連して近年盛んに論じられていく。

3.1 積層欠陥 (S.F. と略す) 転位が巾広く拡張するためには S.F. が安定に存在しなくてはならない。昔から鉄などの bcc 金属中には双晶の成長機構との関連から $\{112\}$ 面上で $\frac{a}{2}\langle 111 \rangle$ の fault vector (F.V.) を持つ S.F. の可能性が考えられている。^{11), 12), 13)} また、 $\{110\}$ 面上の S.F. の可能性も原子の剛体球モデルから Crussard¹⁴⁾, Cohen ら¹⁵⁾ によって提唱された。図1に示すように、原子を剛体球で考えると $(0\bar{1}1)$

面上で原子が $\frac{a}{8}[011]$ ずれると安定な位置にはまり込むことになるのである。また、Wasilewski は $\frac{a}{6}[111]$ の S.F. は $\{110\}$ 面上の方が $\{112\}$ 面上よりもエネルギーが低くなることをやはり剛体球的な考え方から主張している。¹⁶⁾

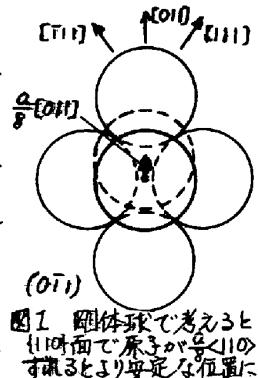
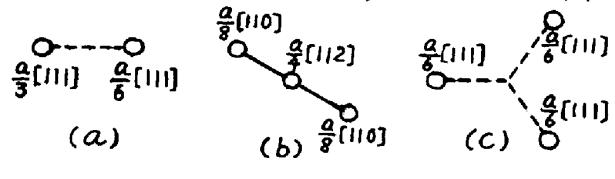


図1 剛体球で考えると
 $\{110\}$ 面で原子が $\frac{a}{8}[011]$ ずれるとより不安定な位置にくることを示す。

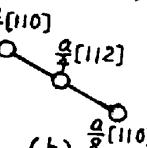
一方、より信頼度の高い S.F. に関するモデルを得るために、原子間力近似による計算が行われている。鍛木は $\{111\}$ 原子列間のポテンシャルを用いて $\{112\}$ 面上では安定な S.F. が存在し得ないことを示し¹⁷⁾ Vitek は原子間ポテンシャルとして種々の型を用いて計算したが、bcc 金属では $\{110\}$ 面 $\{112\}$ 面上共に S.F. が存在し得ないことを示している。¹⁸⁾ しかし、Pegel らは三次式型の原子間ポテンシャルを用い、その cut-off 半径を第2近接原子と第3近接原子の中間より小さく取ると、 $\{110\}$ 面上でも $\{112\}$ 面上でも安定な S.F. が存在し得る（但し、F.V. は簡単な有理数ではない）ことを示し、原子間ポテンシャルを用いた計算では S.F. が存在するか否かに、決着をつけることはできないとしている。^{19,20)}

3.2 転位の拡張のモデル 上で述べた $\frac{a}{8}[111]$ 、 $\frac{a}{8}[110]$ の F.V. の S.F. を用いていろいろと転位の拡張のモデルが考えられている。これらはいずれもエネルギーの観点からすると、転位の弹性エネルギーは当然減少するようになっていて、拡張するか否かは S.F. のエネルギーの値如何にかかっている。B.V. の方向から見た転位の拡張のモデルを図2 にまとめて示す。

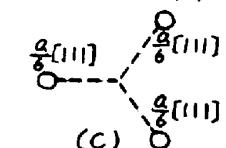
単一の面での拡張のモデルとしては $\{112\}$ 面上では $\frac{a}{8}[111] \rightarrow \frac{a}{3}[111] + \frac{a}{6}[111] \quad \dots(2)$ が古くから考えられており（図2(a))¹³⁾ $\{110\}$ 面上では $\frac{a}{2}[111] \rightarrow \frac{a}{8}[110] + \frac{a}{4}[012] + \frac{a}{8}[110] \quad \dots(3)$ が提唱されている（図2(b))¹⁹⁾ (2) の拡張に関しては S.F. energy の関数としての転位巾が弹性論的に計算されている。^{21,22)}



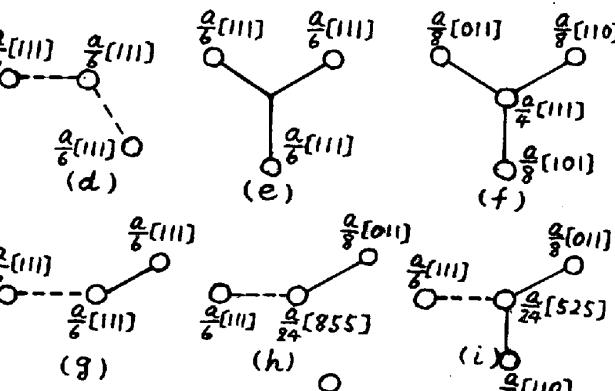
(a)



(b)



(c)



らせん転位が

$$\frac{a}{2}[111] \rightarrow \frac{a}{8}[111] + \frac{a}{8}[111] + \frac{a}{8}[111] \quad \dots(4)$$

と 120 度で交わる 3 種の $\{112\}$ 面上で sessile type に拡張し（図2(c))，このことが低温強度の原因となり得ることを Hirsch が提唱して以来、らせん転位について sessile type の拡張のモデルは数多く提出されている。

Steeswyk は (4) の拡張の力学的安定性を論じ、3 回対称には拡張できないことを示し（図2(d))²³⁾ Wasilewski は前述のように $\{112\}$ 面でなくむしろ $\{110\}$ 面上で拡張あるとした（図2(e))¹⁶⁾ Kroupa らは

$$\frac{a}{2}[111] \rightarrow \frac{a}{8}[011] + \frac{a}{8}[110] + \frac{a}{8}[101] + \frac{a}{4}[111] \quad \dots(5)$$

の反応により 3 種の $\{110\}$ 面上に 3 回対称に拡張するモデルを考えた（図2(f))^{24,25)} 更に $\{110\}$ と $\{112\}$ の 2 種類の面に拡張したモデルも Foxall ら（図2(g), (h))²⁶⁾ Kroupa と Vitek (図2(i), (j))²⁷⁾ Mitchell (図2(k))²⁸⁾ により提案されている。図2(k) の拡張は部分転位のエネルギーの和はエネルギーが $\frac{1}{2}$ 則に従うとすると、完全転位の実に $\frac{1}{4}$ になってしまっている。さて、もしらせん転位が拡張するとすればこれら種々の拡張の可能性の内最もエネルギーの低い状態になる筈である。S.F. エネルギーを仮定したエネルギーの計算が何人かによって行われているが、^{25~29)} いずれにせよこれらは単なるモデルに過ぎない。

図2 B.V. の方向から見た $\frac{a}{2}[111]$ ラせん転位に関する種々の拡張のモデル

なお、らせん転位以外の転位に対する sessile type の拡張のモデルが Mitchell により示されてい
るが³⁰ここでは割愛する。

3.3 原子間ポテンシャルを用いた転位芯の構造の計算 S.F.の場合と同じように、より信頼できる転位芯の構造に関する知識を得るために原子間ポテンシャルを仮定した計算が、 $\frac{a}{2}\langle 111 \rangle$ のらせん転位について Suzuki,³¹ Bullough & Perrin³², Chang³³により、 $\frac{a}{2}\langle 111 \rangle$ の刃状転位について Chang³⁴により、また $\alpha<100\rangle$ の刃状転位（これはbcc金属の破壊の起源の問題との関連で行われている）について Gehlen³⁵, Bullough³²によって行われている。 $\frac{a}{2}\langle 111 \rangle$ のらせん転位に関する三者の結果はポテンシャルの取り方や計算方法が異なるので、必ずしも一致していないが、共通している点は、(1)転位芯の半径は2~3 a 以下の大ささであること(2)転位芯での歪は $\pm 12\%$ 面の方向に沿っており、形式的に記述すれば、 $\pm 12\%$ の部分転位に10程度拡張しているといえることの二点である。しかし常識的には拡張していないと解釈すべきであろう。

3.4 FIMによる観察 転位芯の構造の観察は電顕では分解能の点で不可能なので、FIMによる方法が唯一でありまた求め手とも云えよう。Wについては Smith³⁶, Gapstev³⁷によって $\frac{a}{2}\langle 111 \rangle$ 転位が单一の ± 110 面で拡張していて(図2(b)), そのS.F.エネルギーは 50 erg/cm^2 という小さい値になることを報告している。Mについても Smith は単一の ± 110 面上での拡張と ± 110 と ± 112 面の両方に拡張した転位(図2(g), (h))との二種類を観察しており、S.F.の巾は 100 \AA の order であるとしている³⁸。これらの結果は原子間ポテンシャルを用いた計算結果とは真向から対立することになる。

4 総括 以上述べたような情況から判断すると、B.V.については France らのいうように殆んどが ± 110 であり、その外は $\alpha<100\rangle$ 転位が二つの ± 110 転位間の反応の結果として少數存在するという見方が恐らく正しいであろうが、転位芯の構造に関しては全く解釈に苦しむ。筆者の私見では、S.F.エネルギーがそれ程低いとはどうも考え難く、FIM像の解釈に問題がないのかどうかに疑問を感じる。

なお、上述した問題のほか、転位ループの nature の問題、パイエ尔斯機構の問題等は紙数の関係で省略した。

References

- (1) C. N. Reid: *Acta Met.*, 14 (1966), 13. (2) J. D. Eshelby: *Phil. Mag.*, 40 (1949), 903.
- (3) W. Carrington, K. F. Hale and D. McLean: *Proc. Roy. Soc.*, A259 (1960), 203. (4) S.M. Ohr and D. N. Beshers: *Phil. Mag.*, 8 (1963), 1343. (5) D. J. Dingley and K. F. Hale: *Proc. Roy. Soc.*, A295 (1966), 55. (6) D. McLean and R. Priestner: *Metal Sci. J.*, 1 (1967), 121. (7) L. K. France and M. H. Loretto: *Proc. Roy. Soc.*, A307 (1968), 83.
- (8) S. Takeuchi: *Japan. J. appl. Phys.*, 8 (1969), 1205. (9) D. A. Smith, R. Morgan and B. Ralph: *Phil. Mag.*, 18 (1968), 869. (10) L. K. France and M. H. Loretto: *Phil. Mag.*, 19 (1969) 873. (11) 着者: *金属学会報*, 7 (1968), 14. (12) A. H. Cottrell and B. A. Bilby: *Phil. Mag.*, 42 (1951), 573. (13) F. C. Frank and J. F. Nicholas: *Phil. Mag.*, 44 (1953), 1213. (14) C. Grussard: *C. R. Acad. Sci. Paris*, 252 (1961), 273. (15) J. B. Cohen, R. Hinton and S. Sass: *Acta Met.*, 10 (1962), 894. (16) R. J. Wasilewski: *Acta Met.*, 13 (1965), 40. (17) 鈴木秀次: *精構不整と屈折現象*, 物性研究短期研究会予稿, (1966), p.139. (18) V. Vitek: *Phil. Mag.*, 18 (1968), 773. (19) B. Pegel: *Phys. stat. sol.*, 28 (1968), 603.
- (20) H. Eichler and B. Pegel: *Phys. stat. sol.*, 35 (1969), 333. (21) L. J. Teutonic: *Acta Met.*, 13 (1965), 605. (22) C. S. Hartley: *Acta Met.*, 14 (1966), 1133. (23) A. W. Sleeswyk: *Phil. Mag.*, 8 (1963), 1467. (24) F. Kroupa: *Phys. stat. sol.*, 3 (1963), K391.
- (25) F. Kroupa and V. Vitek: *Can. J. Phys.*, 45 (1967), 945. (26) R. A. Foxall, M. S. Duesbery and P. B. Hirsch: *Can. J. Phys.*, 45 (1967), 607. (27) T. E. Mitchell: *Phil. Mag.*, 17 (1968), 1169. (28) D. K. Bowen, J. E. Christian and G. Taylor: *Can. J. Phys.*, 45 (1967), 903. (29) M. S. Duesbery and P. B. Hirsch: *Dislocation Dynamics*, ed. A. R. Rosenfield et al., (1968), p.57, McGraw-Hill, New York. (30) T. E. Mitchell: *Scripta Met.*, 2 (1968), 591. (31) H. Suzuki: *Dislocation Dynamics*, (1968), p.679. (32) R. Bullough and R. C. Perrin: *Dislocation Dynamics*, (1968), p.175. (33) R. Chang: *Phil. Mag.*, 16 (1967), 1021. (34) R. Chang and L. J. Graham: *Phys. stat. sol.*, 18 (1966), 99.
- (35) P. C. Gehlen, A. R. Rosenfield and G. T. Hahn: *J. appl. Phys.*, 39 (1968), 5246. (36) D. A. Smith and K. M. Bowkett: *Phil. Mag.*, 18 (1968), 1219. (37) Р.И. Гарбер, Ж.И. Доронова и Н.М. Мухайловская: *Физ. Твердого Тела*, 10 (1968), 1012. (38) D. A. Smith and J. Gallot: *Metal. Sci. J.*, 3 (1969), 79.